

السؤال الثالث (١٠ درجة): عرف المتغيرات الصورية وأذكر القيم التي تأخذها مدعماً إجاباتك بالأمثلة المناسبة.

هي المتغيرات التي تؤثر في ظاهرة اقتصادية معينة تمثل متغيرات وصفية أو نوعية كالجنس واللون والديانة والمهنة والمستوى التعليمي وغيرها أطلقنا عليها المتغيرات الصورية أو السماء ، وقد يشار إليها في بعض المصادر بالمتغيرات الوهمية ، أو المتغيرات الثنائية Binary Variables أو المتغيرات النوعية Qualitative Variables ، وفي بعض الكتابات يشار إليها بالمتغيرات الفئوية (٣ درجات Categorical Variables) . وتأخذ هذه المتغيرات قيمتين إجباريتين فقط هما: الصفر والواحد. فهي تأخذ القيمة واحد عند وجود خاصية معينة ، وتأخذ القيمة صفر عند غياب هذه الخاصية (٣ درجات) فإذا رمزنا للمتغير الصوري بالرمز (D) فإن $D=1$ إذا كان الشخص أبيض مثلاً ، $D=0$ صفر إذا كان الشخص أسوداً ، باعتبار أن المتغير الصوري (D) هنا يرمز إلى اللون. أو أن $D=1$ إذا كان الفرد ذكراً ، $D=0$ صفر إذا كان الفرد أنثى وذلك على اعتبار أن (D) هنا ترمز إلى الجنس ، وهكذا بالنسبة لبقية الأمثلة. تستخدم المتغيرات الصورية في نماذج الانحدار إما كمتغيرات تفسيرية (مستقلة) أو كمتغيرات تابعة ، ولكن التركيز الأكبر عليها كمتغيرات تفسيرية (٤ درجات)

السؤال الرابع (١٠ درجات): عدد مع الشرح والأمثلة أنواع نماذج المتغيرات المتباطئة، ثم أذكر مع الشرح أهم العوامل التي تؤدي الى وجود فجوات زمنية في مجال العلاقات الاقتصادية.

توزع درجات هذا السؤال (١٠ درجات) كما يلي: يمكن تقسيم نماذج المتغيرات المتباطئة وفقاً لمعيارين: نوع المتغير المستقل المتباطئ ، وطول الفجوة الزمنية. (٥ درجات)

أ- نوع المتغير المستقل المتباطئ:

تتقسم نماذج المتغيرات المتباطئة لنوعين وفقاً للمتغير المستقل المتباطئ:

(١) نماذج المتباطئات الموزعة Distributed-lag models

وهي نماذج تحتوي على قيم سابقة Past values لمتغيرات خارجية كمتغيرات مستقلة ، مثال ذلك دالة الاستثمار التالية:

$$I_t = a + b_1 Y_t + b_2 r_t + b_3 r_{t-1} + U_t$$

I_t = حجم الاستثمار بالفترة الحالية

Y_t = مستوى الناتج الكلي بالفترة الحالية

r_t = سعر الفائدة بالفترة الحالية

r_{t-1} = سعر الفائدة بالفترة السابقة

وباعتبار أن سعر الفائدة متغير خارجي فإن الاستثمار الحالي يكون دالة في قيمة سعر الفائدة في الفترة الحالية وقيمتها في الفترة السابقة ، ومن ثم فإن هذا النموذج يكون ذو متغير مستقل متباطئ موزع.

(٢) نماذج الانحدار الذاتي Autoregressive models

وتسمى أيضاً نماذج المتغير التابع المتباطئ ، وهي نماذج تحتوي على قيم سابقة لمتغيرات تابعة كمتغيرات تفسيرية ، بمعنى أنه يتم استخدام المتغير التابع بصورته المتباطئة ضمن المتغيرات المستقلة على الجانب الأيمن من معادلة الانحدار ، مثال ذلك دالة الطلب التالية:

$$Q_t = a + b_1 Y_t + b_2 Q_{t-1} + b_3 P_t + U_t$$

حيث: Q_t = الكمية المطلوبة من السلعة في الفترة الحالية

Y_t = دخل الفترة الحالية

Q_{t-1} = الكمية المطلوبة من السلعة في الفترة السابقة

P_t = سعر السلعة في الفترة الحالية

وتصف هذه الدالة حالة الطلب على السلع المعمرة أو السلع غير المعمرة التي يتكون لدى المستهلك عادة عند استهلاكها (كالسجائر أو البين وغيرها). فمثل هذه السلع تتأثر الكمية المطلوبة منها في الفترة الحالية بالكمية المطلوبة منها في الفترات السابقة. ويلاحظ هنا أن الكمية المطلوبة في الفترة السابقة تُستخدم كمتغير تفسيرية (مستقل).

ب- طول الفجوة الزمنية:

تتقسم نماذج المتغيرات المتباطئة وفقاً لطول الفجوة الزمنية الى نوعين:

(أ) نماذج ذات عدد محدود من الفجوات:

وفي هذه الحالة يمتد أثر المتغير التفسيري عبر عدد محدد من الفترات أقل من ما لا نهاية. ومن الأمثلة على ذلك الصيغة التالية:

$$Y_t = a + b_1 X_t + b_2 X_{t-1} + \dots + b_m X_{t-m} + U_t$$

حيث أن عدد الفترات التي يمتد عبرها تأثير المتغير التفسيري $m = X$ ويلاحظ هنا أن:

$b_1 = \frac{\partial y_t}{\partial x_t}$ = تأثير التغير في x بمقدار وحدة واحدة على y خلال الفترة الحالية

$b_2 = \frac{\partial y_t}{\partial x_{t-1}}$ = تأثير التغير في قيمة x بالفترة السابقة بمقدار وحدة واحدة على y_t خلال الفترة الحالية

$b_m = \frac{\partial y_t}{\partial x_{t-m}}$ = تأثير التغير في قيمة x بالفترة $t-m$ بمقدار وحدة واحدة على قيمة y_t خلال الفترة الحالية

$$\sum_{i=0}^m b_i =$$

مجموع تأثيرات التغير في قيمة x بمقدار وحدة واحدة على قيمة Y خلال فترة من الزمن طولها m

(ب) نماذج ذات عدد لا نهائي من الفجوات:

وفي هذه الحالة يمتد أثر المتغير المستقل المتباطئ (ذو الفجوة الزمنية) عبر عدد غير محدود من الفترات الزمنية ، وتأخذ معادلة الانحدار الصيغة التالية:

$$Y_t = a + b_1 X_t + b_2 X_{t-1} + b_3 X_{t-2} + \dots + U_t$$

وبالطبع حتى يمكن تقدير مثل هذه النماذج لابد من وضع قيود معينة على عدد الفجوات الزمنية.

أهم العوامل التي تؤدي إلى وجود فجوات زمنية (تباطؤ في الاستجابة) في مجال العلاقات الاقتصادية فيما يلي: (٥ درجات)

أ- عوامل نفسية: فالفرد كثيراً ما يتعود على نمط من السلوك دون أن يكون على استعداد للتخلي عن هذا السلوك بصورة فجائية لمجرد تغير الأسعار أو الدخل. فلا بد أن تمر هناك فترة حتى يتأكد أن هذا التغير الذي حدث هو تغير دائم وليس تغير مؤقت سرعان ما يزول. فإذا تأكد له أن التغير في الأسعار أو الدخل أو غيرها هو تغير دائم فإنه يبدأ في تغيير سلوكه أو عاداته الاستهلاكية بصورة تدريجية عبر فترة زمنية طويلة نسبياً.

ب- عوامل فنية: هذه العوامل كثيراً ما تعوق استجابة المتغير التابع للمتغيرات المستقلة. فعلى سبيل المثال كثيراً ما تتباطأ استجابة رأس المال لتغيرات الإنتاج وذلك لأسباب فنية بحثية ، منها طلب رأس المال وتركيبه ثم الشروع في عملية الانتاج ، مما يستغرق بعضاً من الوقت.

ج- عوامل مؤسسية وقانونية: فمثلاً كثيراً ما يدخل رجال الأعمال في تعاقدات طويلة الأجل نسبياً مع موردين لبعض المواد أو مع مشترين لبعض المنتجات ، ومن ثم فإن حدوث تغييرات في الأسعار قد لا تحفزهم على إحداث تغييرات فورية في طلبهم على المواد أو في عرضهم للمنتجات وذلك لارتباطهم بتعاقدات قانونية معينة.

السؤال الخامس (٥ درجة): يضم الجدول التالي عينة من الموظفين والموظفات، حيث تمثل (Y) الراتب اليومي للموظف أو الموظفة بالليرة السورية:

المشاهدة	الاسم	الراتب السنوي (Y)
١	محمد	1000
٢	سمير	1100
٣	سناء	800
٤	فاطمة	900
٥	خالد	1050
٦	مروة	950
٧	جوليا	850
٨	وجدي	1300
٩	فادي	1500
١٠	سعاد	950

والمطلوب:

- ١ - حساب معالم المعادلة الخطية التي تمثل العلاقة بين الراتب اليومي (Y) والجنس (D).
- ٢ - كتابة نموذج معادلة الانحدار السابقة بمعالمها.
- ٣ - استنتاج متوسط الرواتب للموظفين الذكور.
- ٤ - تمثيل العلاقة السابقة بيانياً.

جدول حسابات أثر الجنس على الأجر (3 درجات)

d^2	$y * d$	$(d) = D - \bar{D}$	$(y) = Y - \bar{Y}$	D	Y
0.25	-20	+0.5	-40	١	1000
0.25	+30	+0.5	+60	١	1100
0.25	+120	-0.5	-240	٠	800
0.25	+70	-0.5	-140	٠	900
0.25	+5	+0.5	+10	١	1050
0.25	+45	-0.5	-90	٠	950
0.25	+95	-0.5	-190	٠	850
0.25	+130	+0.5	+260	١	1300
0.25	+230	+0.5	+460	١	1500
0.25	+45	-0.5	-90	٠	950
$\sum d^2 = 2.5$	$\sum y * d = 750$			$\sum D = 5$	$\sum Y = 10400$

$$\bar{Y} = \frac{\sum Y}{n}$$

$$= \frac{10400}{10}$$

$$= 1040$$

(3 درجات) المتوسط العام للرواتب

$$\bar{D} = \frac{\sum D}{n}$$

$$= \frac{5}{10} = 0.5$$

$$b = \frac{\sum y*d}{\sum d^2} = \frac{750}{2.5} = 300$$

$$a = \bar{Y} - b\bar{D} = 1040 - (300)(0.5) = 890$$

يمكن أن نستنتج مما سبق المعادلة الخطية بمعاملها a و b كما يلي: (3 درجات)

$$Y_i = 890 + 300 D_i + e_i$$

وبحساب متوسط رواتب الإناث والذكور كل على حدة من الجدول نجد أن: (3 درجات)
متوسط رواتب الإناث

$$\bar{Y}_f = \frac{4450}{5} = 890$$

$$\bar{Y}_m = \frac{5950}{5} = 1190$$

ويلاحظ من المعادلة الأساسية: $Y_i = a + b D_i + e_i$

ما يلي: - القيمة المتوقعة لراتب المُدرسة $(a = 0) = E(Y | D_i = 0)$

- القيمة المتوقعة لراتب المدرس $E(Y | D_i = a+b=1)$

وذلك بفرض أن القيمة المتوقعة للحد العشوائي $e_i = 0$ ، ويعني الخط المائل (١) بشرط. ومما سبق نجد أن المعلمة التقاطعية a تشير إلى متوسط راتب المُدرسة، ويتضح ذلك من المعادلة:

$$Y_i = 890 + 300 D_i + e_i$$

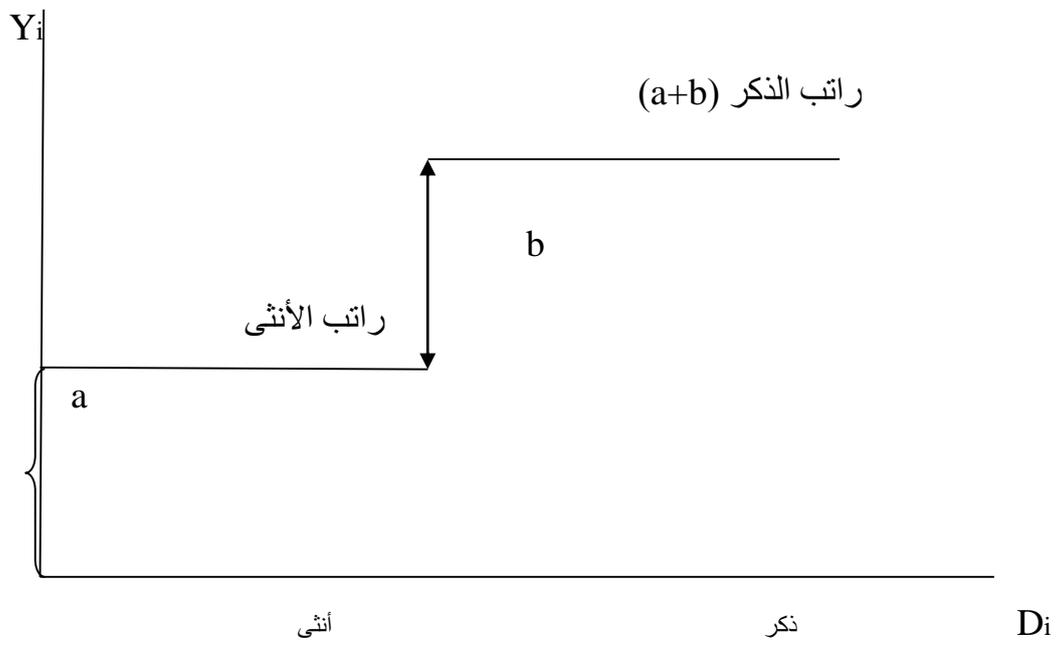
حيث نجد أن $a = 890$ وهي نفسها \bar{Y}_f ، أما المعلمة الانحدارية b فهي تشير إلى الفرق بين راتب المدرس الذكر والمُدرسة، حيث يلاحظ أن متوسط راتب المدرس $a + b = 1190$. وفي المعادلة:

$$Y_i = 890 + 300 D_i + e_i$$

—

نجد أن $a+b = 1190 = 890 + 300$ وهو نفسه \bar{Y}_m .

ومن ثم فإن الفرق بين المتوسطين $-(a+b) = Y_f - Y_m = 300$. وإذا أردنا تمثيل ذلك بيانياً فإن الشكل أدناه يعبر عن العلاقة بين الراتب والجنس: (3 درجات)



العلاقة بين الراتب والجنس

مدرس المقرر

د.رواد اشتي