بسم الله الرحمن الرحيم

الفيزياء للمهندسين

علم الميكانيك

كلية الهندسة المدنية ـ السنة

الأولى د. صبا عياش

واحدات القياس الأساسية و المشتقة

من أهم واحدات القياس المستعملة واحدة الطول (m)، الكتلة (kg)، الزمن(s) و من الممكن أن تكون وحدة القياس في بعض الحالات كبيرة أو صغيرة فنلجأ لواحدات مشتقة عنها، و يبين الجدول التالي أهم الواحدات المشتقة (البادئة من مضاعفات العدد 10)

Power	Prefix	Abbreviation	Power	Prefix	Abbreviation
10^{-24}	yocto	y	10^{3}	kilo	k
10^{-21}	zepto	Z	10^{6}	mega	M
10^{-18}	atto	a	10^{9}	giga	G
10^{-15}	femto	f	10^{12}	tera	T
10^{-12}	pico	p	10^{15}	peta	P
10^{-9}	nano	n	10^{18}	exa	E
10^{-6}	micro	μ	10^{21}	zetta	Z
10^{-3}	milli	m	10^{24}	yotta	Y
10^{-2}	centi	С			
10^{-1}	deci	d			

مراجعة عامة عن الأشعة

تقسم المقادير الفيزيائية إلى:

مقادير سلمية تعبر عن كم المقدار الفيزيائي الذي يحمل شدة معينة مثل الكتلة و الزمن ودرجة الحرارة و الطاقة.

مقادير شعاعية (متجهية) و هي المقادير التي تحمل كما و اتجاها معينا مثل السرعة و التسارع و القوة و العزم و الحقل الكهربائي.

نقول عن كميتين شعاعيتين \$ و B أنهما متساويتان إذا تحقق الشرطان:

 $\left| \overrightarrow{B} \right| = \left| \overrightarrow{A} \right|$ يكون لكلا الشعاعين المقدار العددي نفسه (الطويلة) أي

 \overrightarrow{B} اتجاه الشعاعين الجهة نفسها أي اتجاه الشعاع \overrightarrow{A} = اتجاه الشعاع

مراجعة عامة عن الأشعة

جمع شعاعين : يعطى حاصل جمع شعاعين A و B بالعلاقة :

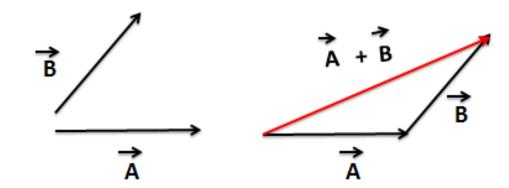
: ويوجد طريقتين لجمع الأشعة : C=A+B

أولا: طريقة متوازي الأضلاع:

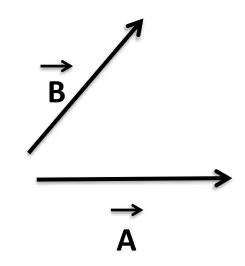
يتم في هذه الطريقة إتمام الشكل لمتوازي أضلاع و يكون قطر متوازي الأضلاع هو الشعاع الناتج(C) عن جمع الشعاعين A و B.

ثانيا: طريقة مثلث الأشعة: في هذه الطريقة يرسم من نهاية الشعاع الأول شعاع يوازي الشعاع B ، و يكون الشعاع الذاتج م هو الشعاع الذي يبدأ بالشعاع A و

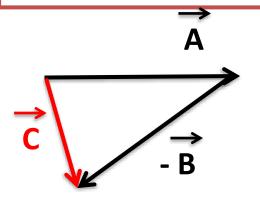
ينتهي بالشعاع B.



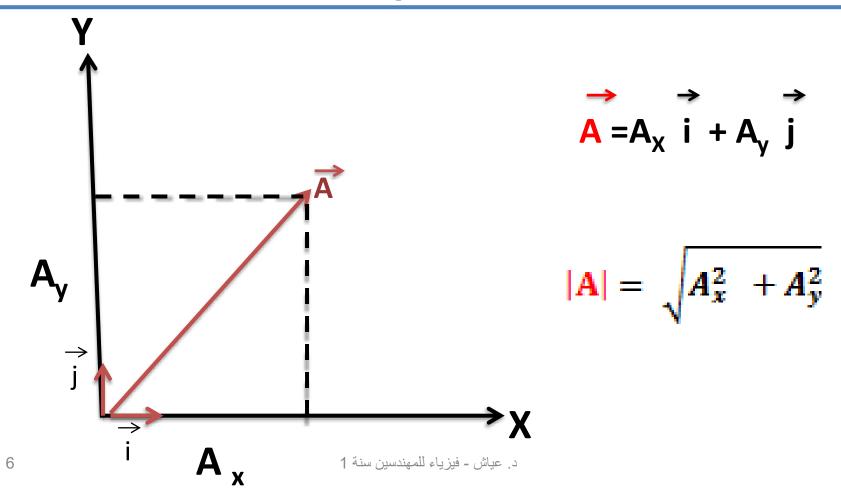
$$\overrightarrow{C} = \overrightarrow{A} - \overrightarrow{B} = \overrightarrow{A} + (-B)$$



طرح الأشعة: الطرح و الجمع عملية واحدة لكن في الطرح يجمع الشعاع A مع معاكس الشعاع B



القيمة المطلقة لشعاع: الطول الجبري لشعاع او القيمة العددية لشعاع



الجداء الشعاعي

يوجد طريقتين لجداء الأشعة: الجداء السلمي و الجداء الشعاعي (الخارجي)

الجداء السلمي لشعاعين و

م و ق نتیجته کمیة سلمیة B و تیجته کمیة د C و یعطی بالعلاقة

 $C=A.B=|A|.|B|.cos\theta$

يمكن أن يحسب الجداء السلمي من مركبات الشعاعين وفق المحورين X و Y

الجداء الخارجي لشعاعين

م و في ينتج عنه شعاع م

و يعطى بالعلاقة :

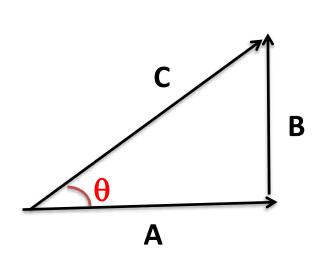
 $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}| \cdot |\vec{B}| \cdot \vec{Sin\theta}$

تذكرة رياضية

نيكن لدينا الشعاعين المتعامدين فيما بينهما A و B :

تعطى محصلة الشعاعين وفق نظرية فيثاغورث بالعلاقة:

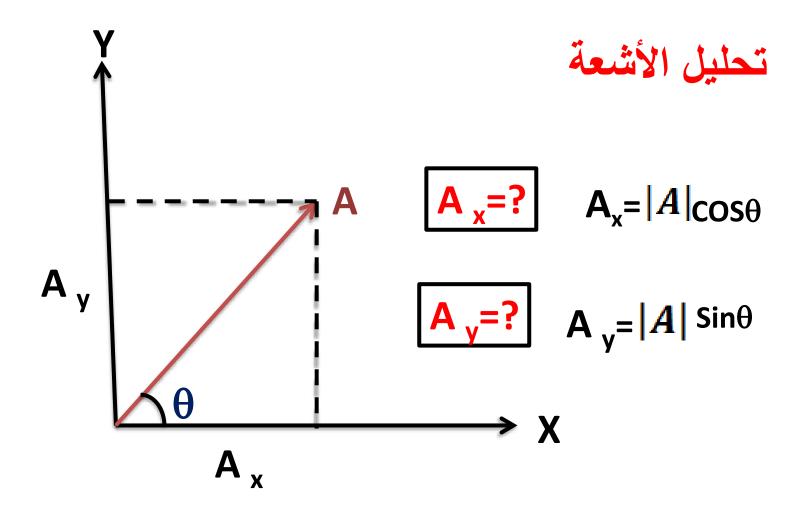
$$C = \sqrt{A^2 + B^2}$$



$$Sin\theta = \frac{B}{C}$$

$$\cos\theta = \frac{A}{C}$$

$$Tg\theta = \frac{B}{A}$$



علم الميكانيك

ينقسم علم الميكانيك إلى ثلاثة محاور:

دراسة القوى المطبقة على الأجسام

القوة: وهي عبارة عن كمية فيزيائية شعاعية توصف من خلال نقطة التأثير و الاتجاه و الشدة، و ينتج عن تطبيقها على الجسم تشوه الجسم أو تغير في حركته (وفقا لطبيعة الجسم)، و نلحظ أثر القوة في العديد من الأمثلة مثل استطالة نابض نتيجة تطبيق ثقل عليه (قوة ثقل الحمولة المطبقة) وتسارع الأجسام أثناء سقوطها وفقا لقوى التجاذب مع الأرض.

يوجد العديد من تصنيفات القوى وفق عدة اعتبارات نذكر منها:

تصنيف القوي



لتوزع القوة على وسطحية وخطية

التصنيف الثانى وفقا الجسم: قوى حجمية

التصنيف الأول وفقا لمجال التأثير: قوى تماس مباشر (اتصال) وقوى حقلية (ناتجة عن تأثير حقول كحقل الجاذبية الأرضية و الحقل الكهربائي).

التصنيف الثالث وفقا لنوع القوة :قوى خارجية وقوى داخلية

قوى التماس المباشر و القوى الحقلية

تنتج قوى التماس المباشر عن الاتصال الفيزيائي المباشر بين الأجسام ، أما القوى الحقلية فهي القوى المؤثرة على الجسم دون اتصال فيزيائي بالضرورة مثل القوى الناتجة عن تأثير الجاذبية الأرضية (قوة الوزن أو الثقل W) أو عن تأثير الحهربائي (القوة الكهربائية) .

نأخذ مثال عن هذه القوى حالة طالب يجلس على كرسي و يستند على طاولة

القوى الحقلية: قوة الثقل الناتجة عن تأثير حقل الجاذبية الأرضية W قوى التماس المباشر: القوة T و القوة C و القوة القوة F و القوة F (الناتجة عن التماس بين جسم الطالب مع الطاولة و الكرسي و أرضية الغرفة، على الترتيب).

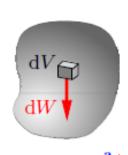


د. عياش - فيزياء للمهندسين سنة 1

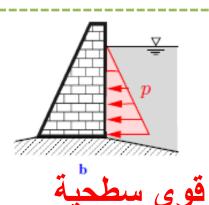
القوى الحجمية و القوى السطحية و القوى الخطية

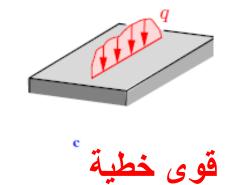
القوى الحجمية Volume Force : تتوزع القوى على كامل حجم الجسم ، وكمثال عليها الوزن حيث ينقسم الحجم الكلي للجسم ٧ لعناصر حجمية لامتناهية في الصغر dV تحمل أوزان عنصرية صغيرة dW و يكون الوزن الكلي عبارة عن مجموع الأوزان العنصرية المكونة هذا الجسم.

القوى السطحية Surface Force : تنشأ هذه القوى على سطح الجسم أو في المساحة الفاصلة بين جسمين متصلين مع بعضهما البعض مثال هذه القوى القوى الموزعة على مساحة سطح سد معرض لضغط الماء القوى الخطية Linear Force: القوى الموزعة بشكل مستمر على طول خط مستقيم، مثل القوى الموزعة على طول سلك كهربائي أو القوة الموزعة qعلى طول شفرة مطبقة على عينة عند نقاط الاحتكاك (كما في الشكل).









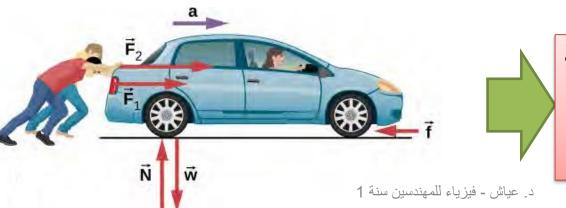
قؤى حجمية

القوى الخارجية و القوى الداخلية

القوى الخارجية: وهي القوى المطبقة على الجسم من خارج الجملة الميكانيكية المدروسة مثل قوة الوزن أو الثقل (وزن الجسم المدروس أو الأوزان المطبقة عليه) – قوى ردود الفعل.

القوى الداخلية: وهي القوى التي تنشأ بين أجزاء الجملة الواحدة مثل القوى السطحية التى تنشأ بين سطحى أجزاء الجملة الواحدة في منطقة التماس بينهما

القوى الخارجية و الداخلية حملة مكونة من سيارة الداخلية جملة مكونة من سيارة الداخلية و الخارجية و الداخلية و الداخلية و الداخلية و الداخلية و الداخلية و الداخلية الداخلية الداخلية و الداخلية من الخارج رجلان القوى الخارجية



القوى الخارجية: f,N,W,F₂,F₁ القوى الداخلية: قوة رفع مكابح السيارة من قبل السائق.

قوانین نیوتن

قانون نيوتن الثاني

يدرس قانون نيوتن الثاني استجابة الجسم الميكانيكية للتغيرات الميكانيكية في المحيط، وهو قانون كمي يحسب التغير في الحركة نتيجة تطبيق القوى الخارجية على الجسم أي وجود تسارع غير معدوم.

ينص قانون نيوتن الثاني على أن معدل تغير اندفاع حركة جسم ما (شعاع كمية الحركة (P) يساوي إلى محصلة القوى الخارجية المؤثرة على هذا الجسم (حيث p=mv)

$$\Sigma \mathbf{F} = \frac{dp}{dt} = \frac{d(mv)}{dt} = \mathbf{m} \frac{dv}{dt} = \mathbf{m} \mathbf{a}$$

$$\mathbf{Kg} \qquad \mathbf{m/s^2}$$

قوانین نیوتن

قانون نيوتن الأول

يبقى الجسم في حالة راحة (سكون) أو في حالة حركة وفق سرعة ثابتة ما لم تؤثر قوة خارجية عليه

إذا انعدمت محصلة القوى الخارجية المؤثرة على جسم ما فإن الجسم يتحرك حركة مستقيمة منتظمة أو يبقى ساكنا (سرعته معدومة)

 $dv/dt=0 \Leftarrow a=0 \Leftarrow \Sigma F=0$

۷=const (حركة مستقيمة منتظمة)
 ۷=0

قوانین نیوتن

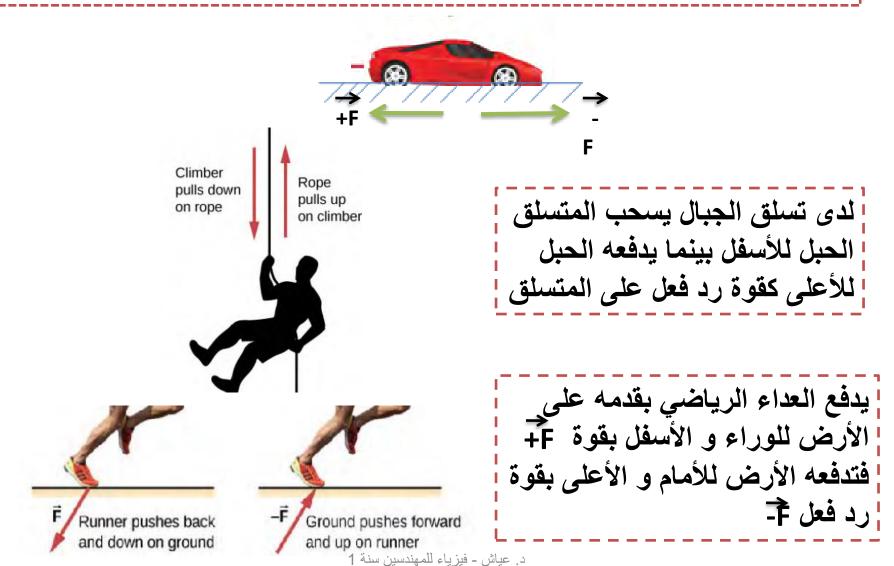
قانون نيوتن الثالث

إذا أثر جسم أول A على جسم ثاني B بقوة F_{AB} فإن الجسم الثاني يرد على الجسم الأول بقوة تساويها بالشدة وتعاكسها بالجهة F_{BA} -.

مثال: ثقل الجسم الموضوع على الأرض W وردة فعل الأرض على الجسم N

أمثلة أخرى على قانون نيوتن الثالث

تتسارع السيارة للأمام نتيجة رد فعل الأرض على العجلات ألى (بقوة جهتها للأمام) معاكسة للقوة التي تطبقها العجلات على الأرض بقوة جهتها للوراء المجلات على الأرض بقوة جهتها للوراء المحلات المحلات المحلات على الأرض بقوة بهتها للوراء المحلات المحلون الم



قوة الاحتكاك – Friction force

- ❖قوى الاحتكاك: قوى تؤثرفي الجسم الساكن (لممانعة بدء الحركة)، و في الجسم المتحرك بالنسبة لجسم آخر لإعاقة الحركة، وتكون جهتها معاكسة لجهة الحركة.
- ❖ تنشأ قوى الاحتكاك عن مواضع التلامس بين الجسم و السطح الذي يتوضع عليه بشكل موازي لسطوح الاحتكاك بين الجسمين.
 - ❖ تتعلق قوى الاحتكاك بطبيعة الجسمين و تكون قيمتها عالية نسبيا في السطوح الخشنة و صغيرة في السطوح المصقولة.

تكون قوة الاحتكاك في حالة السكون > قوة الاحتكاك في حالة الحركة

قوة الاحتكاك

تعطى قوة الاحتكاك السكونية (في حالة السكون) وفق العلاقة: $f_{s} \leq \mu_{s} \, N$ $ext{constant} \mu_{s} \, N$ حيث $\mu_{s} \, N$ القيمة العظمى لقوة الاحتكاك السكونية $\mu_{s} \, N$ معامل الاحتكاك السكوني، $\mu_{s} \, N$ رد الفعل عند نقطة التماس.

لدى تطبيق قوة fعلى الجسم لتحريكه، تنشأ قوة الاحتكاك السكونية f5 لتمنع تحريكه ، فإذا كانت القيمة العظمى لقوة الاحتكاك السكونية f5 f8 لا توجد حركة ، تكون قوة الاحتكاك سكونية f8 f9 بدء الشروع بالحركة وهذا ما يوافق القيمة العظمى لقوة الاحتكاك السكونية.

fk<f بدء الحركة: تتناقص قوة الاحتكاك وتتحول من سكونية إلى حركية.

$$f_s \longleftrightarrow f$$

f=fs ≤µ_sN : حالة توازن و سكون

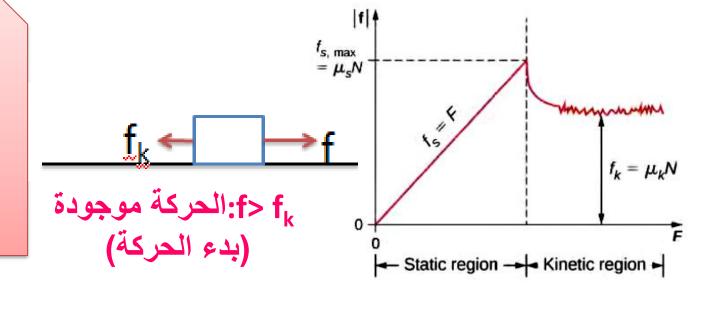
 $f_s \longleftrightarrow f$

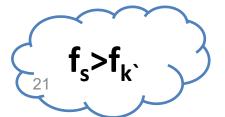
بدء الشروع بالحركة $f=fs_{max}=\mu_SN$

قوة الاحتكاك

تعطى قوة الاحتكاك الحركية (في حالة الحركة) بالعلاقة $f_k = \mu_K \ N$ حيث μ_K معامل الاحتكاك الحركي μ_K رد الفعل عند نقطة التماس

ليس لمعامل الاحتكاك
السكوني و الحركي
واحدة و تعد معاملات
الاحتكاك من الثوابت
المتعلقة بطبيعة
الجسم

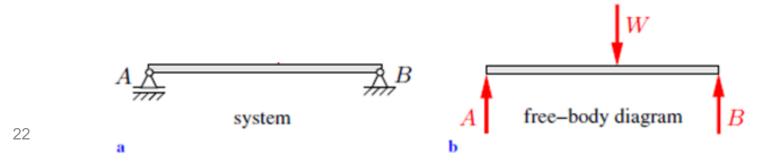




مخطط الجسم الحر و قوى ردود الفعل

مخطط الجسم الحر: وهو رسم تخطيطي يظهر القوى الخارجية التي تؤثر على الجسم أو الجملة المدروسة (يتم اعتماد القوى الخارجية فقط ولا توضع القوى الداخلية في مخطط الجسم الحر)، و تمثل القوى المؤثرة على الجسم بأشعة موجهة وفق جملة محاور إحداثية (٢، ٢)

مثال: ليكن لدينا جسر خشبي وزنه W(قوة ثقل الجسم) ، توضع مساند (دعامات) AوB لمنع حركة الجسر و تثبيته تؤثر هذه المساند على الجسر بقوى ردود فعل (A و B) على مخطط بقوى ردود فعل (A و B) على مخطط الجسم الحر عوضا عن القيود الهندسية على الجسر عبر المساند A و B و تسمى هذه العملية بعزل (تحرير) الجسم و تكون القوى الخارجية الممثلة في مخطط الجسم الحر هي :قوة الثقل W، قوى ردود الفعل عند المساند AوB.

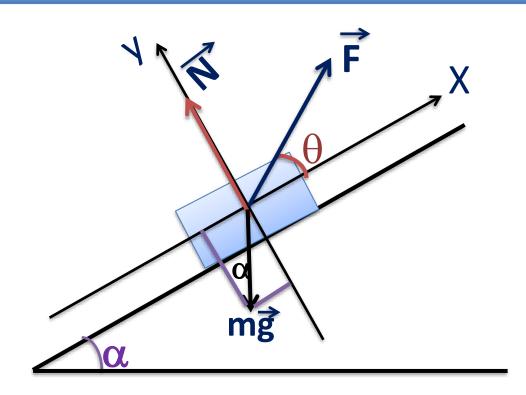


مثال على تحديد القوى المؤثرة على جسم يتحرك على مستوي على مستوي

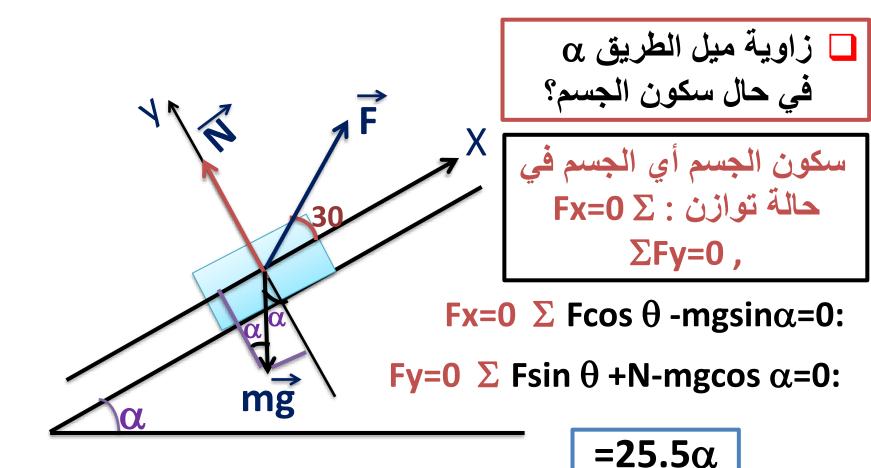
ينزلق جسم تحت تأثير قوة جر F على مستوي يميل عن الافق بزاوية θ و تؤثر عليه قوة الاحتكاك Fk ماهو مخطط القوى المؤثرة على الجسم ؟ متى يتحرك الجسم ومتى يبقى ساكنا؟ 23

د. عياش - فيزياء للمهندسين سنة 1

يتحرك جسم كتلته m على لوح يميل عن الأفق بزاوية α، تؤثر على الجسم قوة F (تصنع زاوية θ مع اللوح)، و المطلوب: عين القوى المؤثرة على الجسم وفق المحورين X و Y? ماهو شرط توازن الجسم ؟



ليكن لدينا جسم كتلته m=10 يتوضع على مستوي يميل عن α الأفق بزاوية α ، تؤثر عليه القوة α (التي تميل عن المستوي بزاوية α)، فأوجد:



علم الحركة

يعرف علم الحركة بأنه العلم الذي يدرس المقادير الفيزيائية المتعلقة بالحركة كالسرعة و التسارع و

 $ar{V} = rac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = rac{\Delta x}{\Delta t}$

السرعة المتوسطة \overline{V}

 $V = \lim_{\Delta t \to 0} \overline{V} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$

السرعة اللحظية ٧

 $\bar{a} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$

التسارع الوسطي a

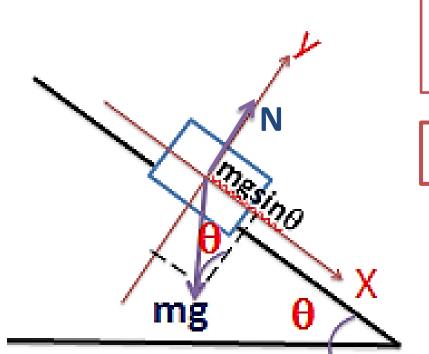
 $t_2 - t_1 \quad \Delta t$ $\equiv \lim_{\Delta t \to 0} \bar{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt}$

التسارع اللحظي a

أنواع الحركات الحركة الدائرية الحركة المستقيمة منتظمة كمتغيرة بانتظام منتظمة متغيرة بانتظام الحركة المستقيمة المنتظمة الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام a=c≠0 ← متغير V a=0 ← V=const a تسارع موجب: حركة مستقيمة متسارعة بانتظام تسارعها متزايد لا يوجد تسارع للجسم في الحركة المستقيمة المنتظمة a تسارع سالب : حركة مستقيمة متباطئة بانتظام تتباطأ السرعة خلال الحركة أو تسعى لأن تكون معدومة كما حالة الصعود على طريق مائل قانون الحركة المستقيمة المنتظمة قوانين الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام $V=a t+V_0$ ا X=v t+ x حيث X: موضع ا $X = \frac{1}{2} a t^2 + V_0 t + X_0$ الجسم في اللحظة Xo ، t موضع $V^2 - V_0^2 = 2a (x - x_0)$ السرعة في اللحظة t الجسم في اللحظة t=0. المسافة المقطوعة t=0 السرعة في اللحظة V_0

مسألة عن قوانين الحركة المستقيمة

تتحرك كرة كتلتها 1kg على مستوي مائل و تكتسب بعد خمس ثواني سرعة مقدارها 2.5m/sec و المطلوب:



1)- ماهي محصلة القوى المؤثرة على الكرة؟

2) -زاوية ميل المستوي

3)- المسافة المقطوعة خلال الثانيتين الأخيرتين

الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام إيجاد السرعة $v=at + v_0$ الإبتدائية: $X = \frac{1}{2} a t^2 + x_0 v_0 t$ السرعة بعد 3 ثوانی $V^2 - V_0^2 = 2a(x - x_0)$ سرعة ابتدائية

مسألة عن قوة الاحتكاك

ليكن لدينا جسم يتحرك على مستوي يميل بزاوية θ عن الأفق و أوجد زاوية ميل المستوي بفرض وجود قوة احتكاك وتحرك الجسم بسرعة ثابتة وفق حركة مستقيمة منتظمة حيث θ

$$F_x$$
=0 \Leftarrow a=0 Σ

حركة مستقيمة منتظمة



 $mgsin\theta - f_k = 0$ (1)

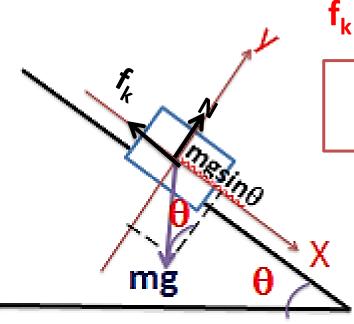
الحركة على المستوي المائل فقط (وفق المحور X)

$$F_y = 0\Sigma$$

 $N - mgcos\theta = 0(2)$

$$tg\theta = \mu_k$$

⇒ من 1و 2 نجد



الحركة الدائرية

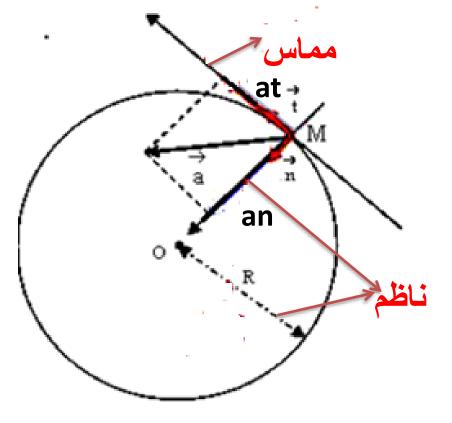
هي الحركة التي يكون حامل مسارها دائرة و تسارعها غير معدوم .

السرعة الزاوية w: تغير الزاوية θ (وفق شعاع نصف القطر r) خلال زمن $w=\theta/t$: t

السرعة الخطية V: تغير المسافة خلال الزمن t و تكون محمولة على الشعاع المماسي

V=R.W
m/s rad/s

W=2πf f: تواتر الحركة الدائوية



a_t: تسارع مماسي (خطي) للحركة a_n: تسارع ناظمي

للحركة

الحركة الدائرية $a = a_t^{\dagger}$ + a_n n شعاع شعاع واحدة واحدة محمول محموا الناظم المماس

$$|a| = \sqrt{a_t^2 + an^2}$$

أنواع الحركة الدائرية

$$|a| = \sqrt{a_t^2 + an^2}$$

تنقسم الحركة الدورانية إلى:

حركة دائرية منتظمة:

تسارع مماسي معدوم a=an ← at=0

حركة متغيرة بانتظام:

= at#0 تسارع مماسي غير معدوم $|a| = \sqrt{a_t^2 + an^2}$

an# 0

الحركة الدائرية المنتظمة

الحركة الدائرية المنتظمة: التسارع المماسي معدوم أي تكون شدة السرعة ثابتة على طول المسار الدائري لكن يتغير اتجاهها باستمرار

ترتبط هذه الحركة بوجود تسارع ناظمي موجه نحو مركز الدائرة بيوجد قوة مسؤولة عن هذ التسارع تعرف بالقوة الجاذبة

الفرق بين القوة الجاذبة والقوة النابذة

القوة الجاذبة تدفع الجسم نحو مركز الدائرة و تحافظ على حركة الجسم على المسار الدائري

القوة النابذة: مساوية للقوة الجاذبة بالشدة ومعاكسة لها بالجهة وتحافظ على توازن الجسم خلال مساره الدائر في المسارة الم

ملاحظات عن الحركة الدائرية

القوة التي تحافظ على حركة الجسم في مساره الدائري هي القوة الجاذبة المركزية المركزية المركزية المركزية المركزية المرتبطة مع التسارع المركزي (V2/R) وفق قانون نيوتن الثاني

تمنع القوة الجاذبة المركزية الجسم من الحركة وفق مسار مستقيم من خلال العمل على تغيير اتجاه السرعة باستمرار و بالتالي استمرارية الحركة الدائرية

تكون القوة الجاذبة المركزية عمودية على اتجاه السرعة

تنطبق قوة الجاذبية المركزية مع قوة الجاذبية أو قوة شد الخيط أو قوة الاحتكاك

تنطبق القوة الجاذبة المركزية في حركة الأرض حول الشمس على قوة الجاذبية بين الأرض و الشمس

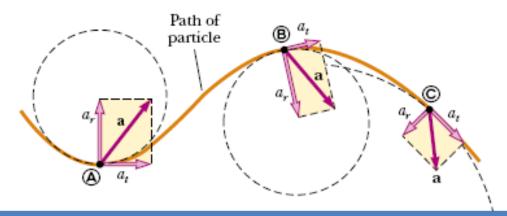
تنطبق القوة الجاذبة المركزية في حركة السيارة على منعطف دائري على قوة الاحتكاك السكونية بين إطار السيارة و أرضية الطريق ،و تمنع هذه القوة من انزلاق السيارة على الطريق الدائري.

ملاحظات عن الحركة الدائرية

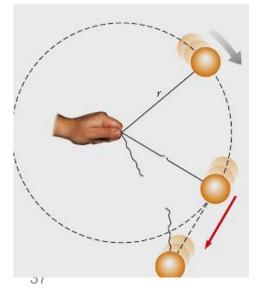
- \rightarrow يشترط وجود التسارع الناظمي للحركة الدائرية أي $a_n \neq 0$
 - $a_n = \frac{V^2}{R}$ يعطى التسارع الناظمي بالعلاقة

$$an = \frac{V^2}{R} = w^2.R$$

تغير التسارع الناظمي وفق نصف قطر المسار



متى تتحول الحركة الدائرية إلى حركة مستقيمة؟

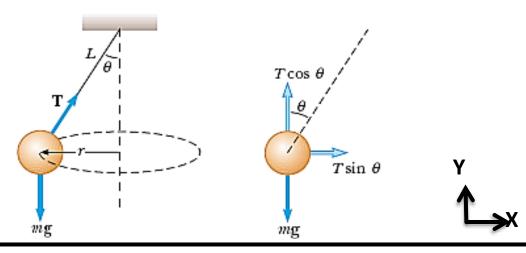


$$a = a_{t}$$
 $R \rightarrow \infty$

حساب القوة الجاذبة في حالة جسم معلق لحبل

ليكن لدينا جسم كتلته m معلق بخيط (حبل) طوله L يصنع مع الشاقول زاوية مقدارها °60 ويتحرك وفق مسار دائري نصف قطره r وفق الشكل المبين في الرسم أدناه ، و المطلوب حساب: عدد الدورات في الثانية ، توتر الخيط T، تعطى L=20cm,m=200g.

 $r = L \sin\theta = 0.2 \sin 60 = 0.17 m$



Fx= m a_n, T sin θ =m V²/r=mw² r (2) Σ

من (1) نجد : T=4N

نعوض في (2) فنجد: w=10

يتحرك الجسم (يتسارع) وفق المحور X

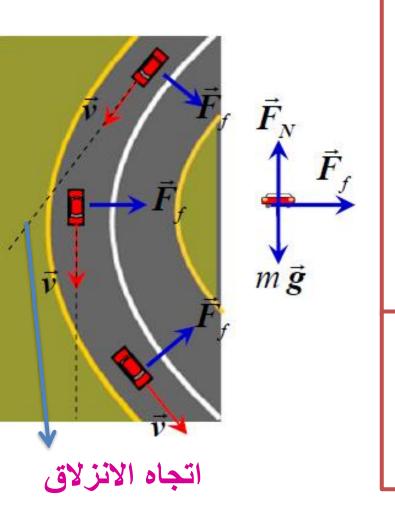
لا يوجد حركة وفق المحور الشاقولي

 $F_v=0$ T cos θ = mg (1) Σ

ترتبط الحركة وفق المحور الأفقي (الناظمي) مع التسارع الناظمي

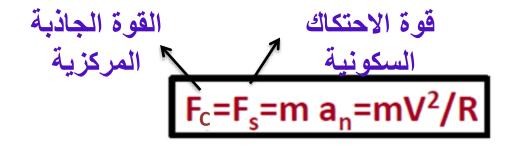
المركبة الأفقية لقوة شد الخيط = القوة الجاذبة المركزية المسببة للحركة الدائرية المرتبطة بالجسم

دراسة الحركة الدائرية لسيارة على المنعطفات



قوة الاحتكاك السكونية المنطبقة على القوة الجاذبة المركزية في حركة السيارة على المسار الدائري تمنع بدء الانزلاق على الطريق الدائرى فعند حدوث الانزلاق ، تتحول الحركة وفق اتجاه واحد للسرعة ولا يمكن عندها تغيير اتجاه السرعة و المحافظة على حركة السيارة وفق مسار دائري وفى هذه الحالات تحدث الحوادث و الانزلاقات حيث تتناقص قوة الاحتكاك السكوني لتصبح قوة احتكاك حركية

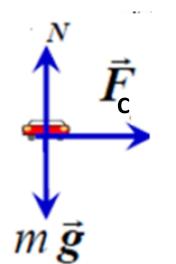
يوجد قيمة عظمى لسرعة السيارة خلال حركتها على مسار دائري دون أن تنزلق و تحسب من خلال القيمة العظمى لقوة الاحتكاك السكونية المرتبطة برد الفعل (راجع المحاضرة 1)



أقصى سرعة للسيارة توافق السرعة التي من أجلها تكون السيارة على وشك بدء الانزلاق

في هذه الحالة تكون قوة الاحتكاك السكونية أعظمية $F_{smax} = \mu s.N$

تحسب N من خلال توازن الجسم وفق المحور الشاقولي yحيث الحركة موجودة وفق المسار الدائري mg=N



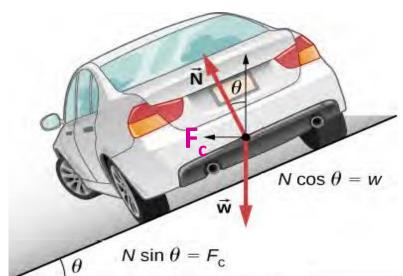
$$V_{\text{max}} = \sqrt{\mu_s g R}$$

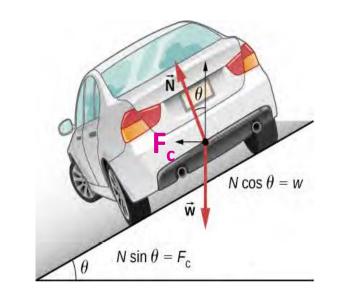
$$F_{Smax} = m.V_{Max}^2/R$$

$$\mu_{\rm S}$$
.mg= m.V_{Max}²/R

حالة إمالة الطريق المنحني بزاوية θ عن المستوي الأفقي

عندما تتحرك السيارة مثلاً على طريق دائري أو منعطف بسرعة منخفضة نسبياً فإن القوة الجاذبة المركزية يمكن أن تستمد من قوة الاحتكاك بين الإطارات وأرضية الطريق. أما إذا كانت السرعة كبيرة أو قوة الاحتكاك صغيرة (كما هو الحال في الطريق الملساء أو المبتلة أو مهملة في بعض الحالات) ، في هذه الحالة يفترض أن تكون القوة الجاذبة المركزية كبيرة لأنها تتناسب طرديا مع مربع السرعة، ولا تكفى قوة الاحتكاك وحدها لتحفظ السيارة في مسارها الدائري. فنلاحظ أن السيارة تنحرف خارجه عن المسار الدائري وقد لا تستطيع الحركة فيه مما يسبب حوادث المرور. لذلك تصمم طرق المرور السريع في المنحنيات بحيث تميل عن المستوي الأفقى بزاوية مناسبة ، و يولد الميلان بشكل تلقائي القوة الجاذبة المركزية الموجهة نحو مركز المسار التي تكون منطبقة على المركبة الأفقية لقوة رد الفعل على الطريق N





لدى دراسة حركة السيارة على طريق أملس لا توجد قوة احتكاك في هذه الحالة، و تكون القوة الجاذبة المركزية منطبقة على المركبة الأفقية لقوة رد الفعل على الطريق

(1) $Fc = N \sin\theta \leftarrow N \sin\theta$

السيارة متوازنة وفق السيارة متوازنة وفق المحور الشاقولي: mg=N cosθ (2)

بقسمة المعادلة (1) على المعادلة (2) نجد:

 $mv^2/R = mgtan\theta \leftarrow Fc = mv^2/R$

$$V = \sqrt{Rg \tan \theta}$$

علاقة السرعة لسيارة أو جسم يتحرك على مسار دائري وفق نصف قطر انحناء R وزاوية ميلان θ

علم التوازن السكوني

نقول عن جسم أنه يخضع لتوازن سكوني إذا تحقق الشرطان التاليان: 1)- مجموع محصلة القوى المؤثرة على الجسم معدومة أي 50=51)- محصلة عزوم القوى المؤثرة على الجسم معدومة أي 52)- محصلة عزوم القوى المؤثرة على الجسم معدومة أي 52

يعبر الشرط الأول للتوازن عن التوازن في الحركة الانسحابية و يرتبط مع قانون نيوتن الثاني للحركة Σ F=ma ففي حال انعدام التسارع نحصل على حركة منتظمة أو حالة سكون (توازن سكونى) و يطبق هذا الشرط على محصلة القوى وفق المحاور الإحداثية الثلاث : Σ Fz=0, Σ Fy=0 Σ Fx=0.

يعبر الشرط الثاني للتوازن $\sum \Gamma=1\alpha$ عن التوازن في الحركة الدورانية و يرتبط مع قانون التسارع الدوراني للحركة الدورانية حيث اعزم عطالة الجسم في دورانه حول المحور ، ففي حالة التوازن تكون محصلة عزوم القوى معدومة إي لا يوجد عزم خارجي يسبب الدوران حول أي محور، و يطبق هذا الشرط على محصلة العزوم وفق المحاور الإحداثية الثلاث $\Sigma \Gamma y=0$, $\Sigma \Gamma z=0$ $\Sigma \Gamma x=0$

عزم القوة ٦

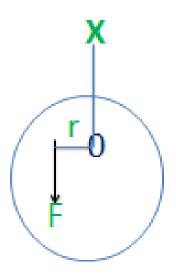
ج ج ج ج بالعلاقة: Γ ويعطى بالعلاقة: Γ ويعطى بالعلاقة:

 $\Gamma = F \times r$ $N.m \times m$

لدينا جسم مثبت من النقطة O يتحرك بحرية حول محور X يمر من النقطة O و عمودي على مستوي الجسم

r شعاع ذراع القوة: المسافة الشعاعية من المحور لنقطة تطبيق القوة.

عزم القوة $\frac{1}{\Gamma}$: كمية شعاعية تقع جهتها على محور الدوران (العمودي على مستوي (F,r)

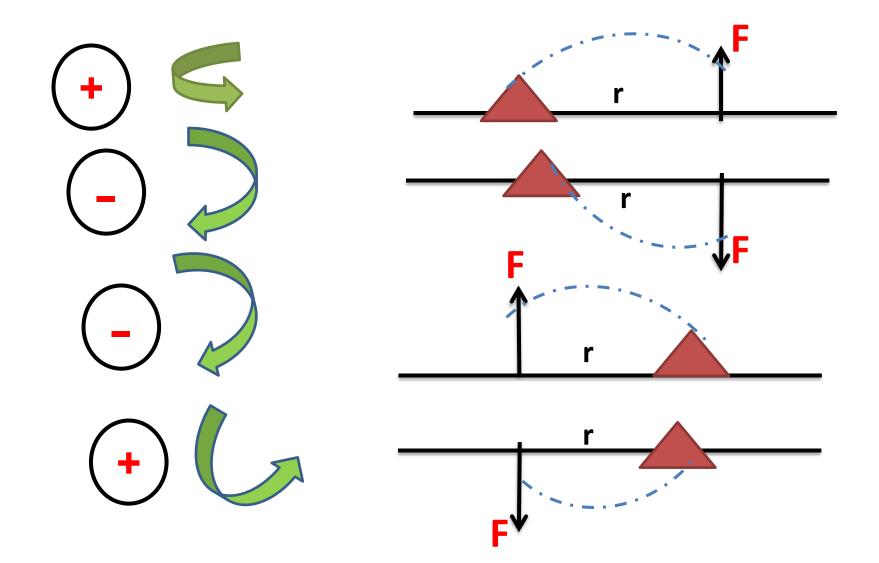


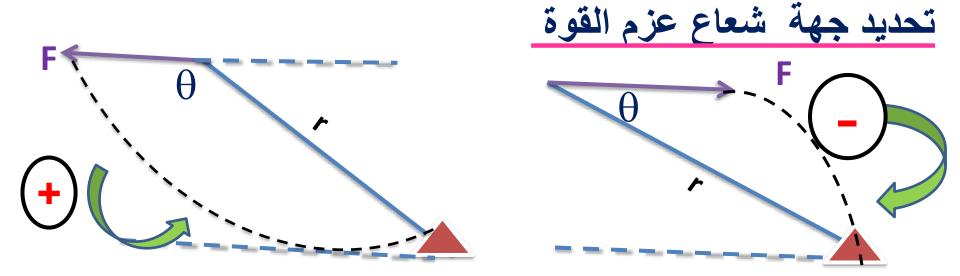
تحديد جهة شعاع عزم القوة: تكون جهة عزم القوة سالبة: للأسفل للساخل (في حال دوران شعاع القوة مع عقارب الساعة بالنسبة لمحور الدوران)، وتكون موجبة: للأعلى- للخارج (في حال دوران شعاع القوة عكس عقارب الساعة بالنسبة لمحور الدوران).

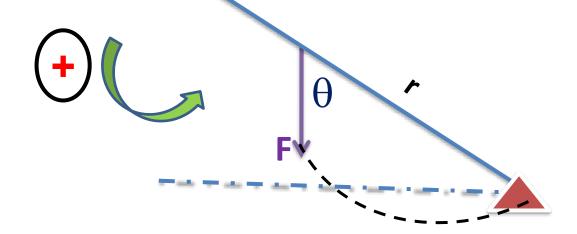


د عياش فيزاء للمهندسين سنة 1

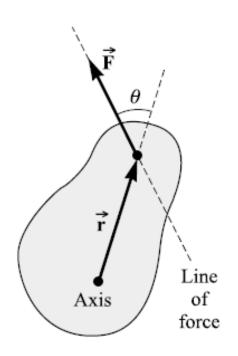
□ أمثلة على تحديد جهة شعاع عزم القوة

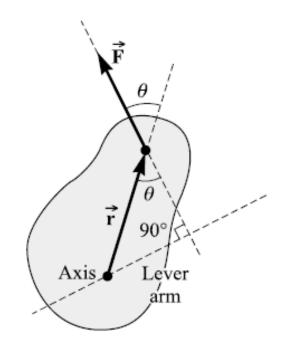






تحديد الزاوية θ





تتحدد الزاوية θ بأنها الزاوية الحادة بين حاملي F و r و تكتب عادة بدلالة البعد العمودي من المحور لحامل القوة (Lever arm)

تحديد شدة عزم القوة

عزم القوة $\Gamma = FXr$ واحدة العزم:

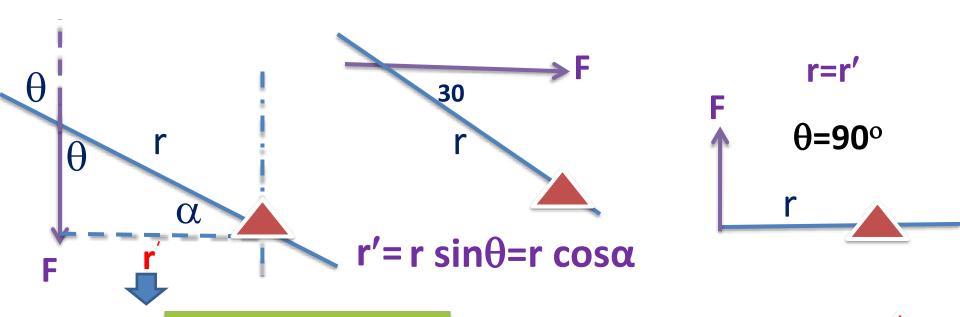
N.m

 Γ = F.r.sin θ = F. r. cos α =F.r'

البعد العمودي: ٢

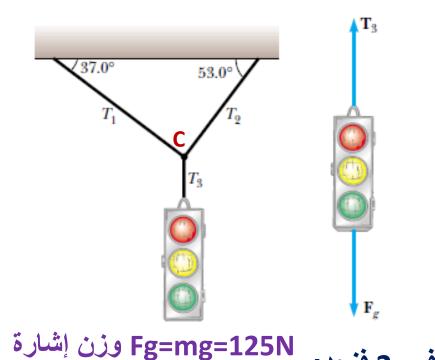
شدة شعاع عزم القوة تساوي حاصل الجداء الشعاعي لشعاعي القوة و الذراع

محور الدوران



دراسة توازن إشارة المرور

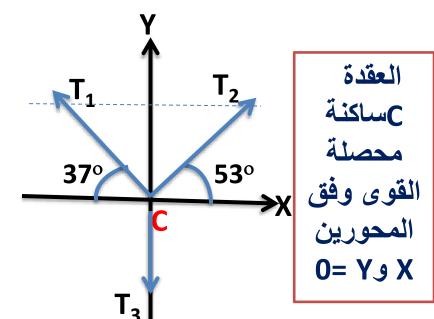
تعلق إشارة مرور وزنها 125N بحبل مربوط بحبلين آخرين (يصنعان الزاويتين 37، 53مع الخط الأفقي) ،أوجد قوة الشد اللازمة في الحبال حتى لا تنقطع الحبال الثلاث؟



نعوض في 2 فنجد: $T_1 = 75.71N$

 $T_2 = 99.93N$

$$T_3 = 125N$$



(1) T_2 cos53- T_1 cos37=0, Σ Fx=0 $T_2 \sin 53 + T_1 \sin 37 - T_3 = 0$, $\Sigma Fy = 0$ $(2)T_2\sin 53+T_1\sin 37-125=0$

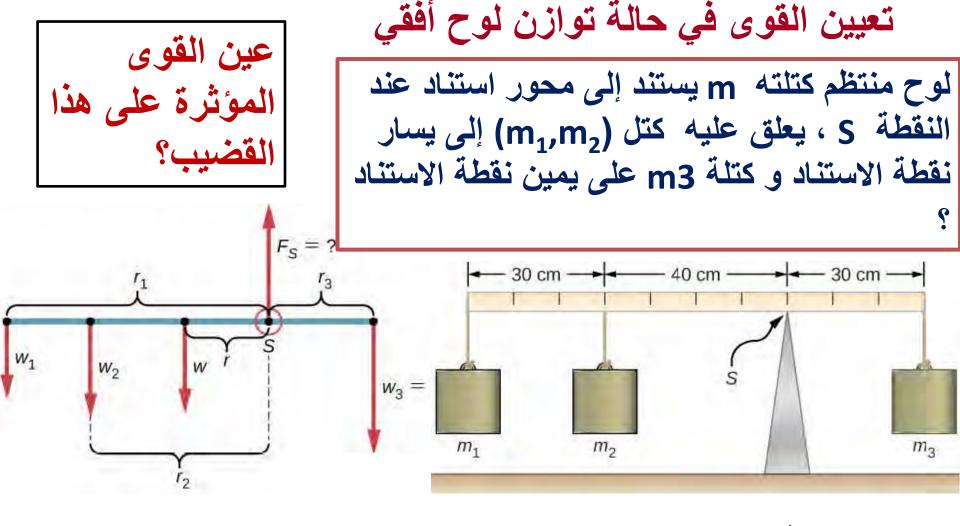
بالحل المشترك تنتج قيمة T₁ و₇

 $T_7 = 1.32T_1$: من 1 نجد

 Σ Fy=0, T₃-F_g=0

إشارة المرور ساكنة

محصلة القوى المؤثرة



حيث Fs رد فعل محور الاستناد على القضيب:

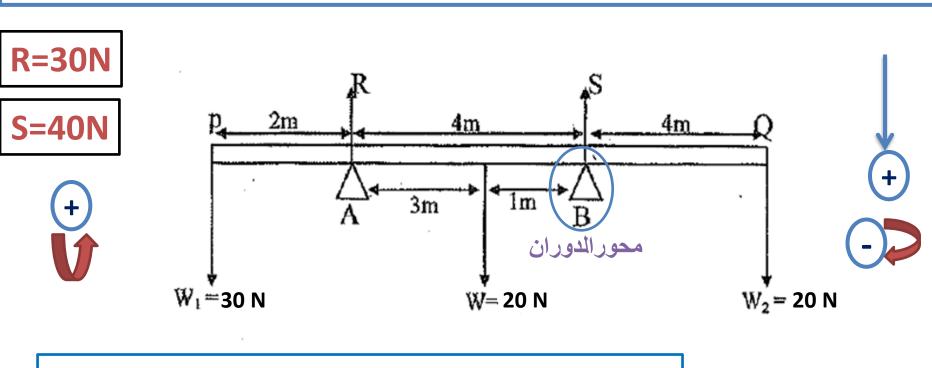
في حالة التوازن يكون:

 $\Sigma\Gamma=0$ Σ Fy=0

عين عزوم القوى المؤثرة على اللوح بافتراض محور الدوران عند النقطة S ؟

مثال موضح عن اسقاطات علاقات التوازن السكوني على المحاور

قضيب PQ طوله 10m وكتلته 2kg، موضوع أفقيا على نقطتي استناد A وفق الأبعاد الموضحة في الشكل، احسب قوى رد الفعل عند النقطتين B، A، B ؟ (إسقاط علاقتي شرط التوازن على المحاور الإحداثية)



W+W1+W2-R-S=0

 $-W_2.4+W.1-R.4+W_1.6=0$

 $F=0\Sigma$

 Γ =0 Σ

دراسة توازن سلم مائل (وزنه W) مستند لجدار- حالة عدم وجود احتكاك بين السلم و الجدار

F_A و N تلاقي المحور فعزمها معدوم

قوة رد فعل الجدار على

اللوح P

جهة الدوران للأعلى عكس عقارب الساعة (العزم موجب) الزاوية بين شعاعي الذراع و القوة شدة عزم قوة رد الفعل: $\Gamma(R)=$ +R. Lsin θ

قوة ثقل اللوح W

جهة الدوران للأسفل مع عقارب الساعة (العزم سالب) الزاوية بين شعاعي $=\pi/2$ - الذراع و القوة شدة عزم قوة الثقل $\Gamma(W)=$ -W.L/2Sin(π /2- θ)

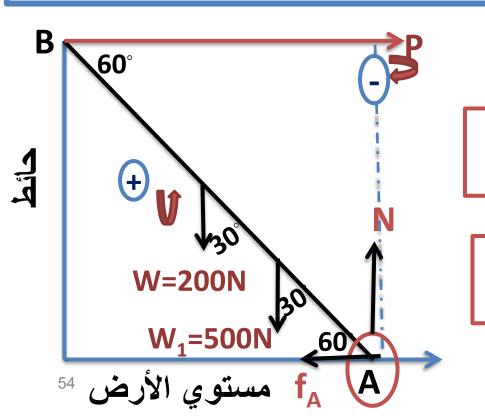
N:رد فعل الأرض 1 السلم **۲.** قوة ا محور

محور الاحتكاك دوران الاحتكاك عند النقطة و الأرض A

مسالة في التوازن المائل

ليكن لدينا لوح خشبي طوله 10m ووزنه 200N وضع على جدار بحيث تكون الزاوية بينه و بين مستوي الأرض 60° يعلق ثقل مقداره 500N عند نقطة تبعد 1/4 طول من نهايته السفلى ، والمطلوب:

- قوة رد فعل الجدار على اللوح ٩



 $\Gamma=0\Sigma$ نطبق شرط العزوم

-PLSin60+WL/2Sin30+ W1L/4Sin30=0

-Px10xSin60+200x5xSin30 +500x2.5xSin30=0

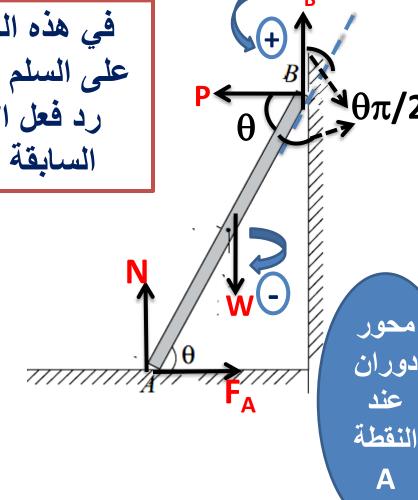
P=130N

دراسة توازن سلم مائل (وزنه W)مستند لجدار- حالة وجود احتكاك بين السلم و الجدار

و N تلاقي المحور فعزمها معدوم F_A

في هذه الحالة يضاف لقوة الثقل و رد فعل الجدار على السلم و قوى الاحتكاك (بين السلم و الأرض) و رد فعل الأرض على السلم المدروسة في الحالة السابقة ، قوة الاحتكاك بين الحائط و السلم السلم و السلم السابقة ، قوة الاحتكاك بين الحائط و السلم

جهة دوران قوة الاحتكاك FB للأعلى جهة دوران قوة الاحتكاك FB عكس عقارب الساعة (العزم موجب) الزاوية بين شعاعي الذراع و القوة $\pi/2-\theta$ $\pi/2-\theta$ شدة عزم قوة الاحتكاك $\Gamma(F_B)=$ $+F_B.L.Sin(\pi/2-\theta)$



مسألة في التوازن المائل

يميل سلم طوله 5m و وزنه 300N عن الأفق بزاوية °30، بفرض ان معامل الاحتكاك بين السلم و الأرض و بين السلم و الحائط = 0.5، فأوجد جميع القوى الشاقولية و الأفقية المطبقة على السلم؟

المحور موجه للأعلى Σ Fy=0 , N+ F_B -W =0 Σ Fx=0 P=FA

-Wx2.5xSin 60+px5xSin 30+ F_R x5xSin 60 = 0

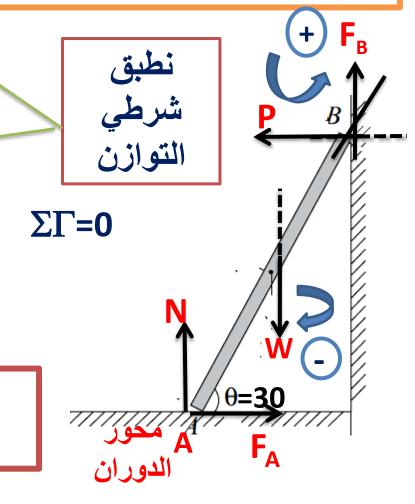
 $F_A = \mu_A.N=0.5N$: عطی F_A بالعلاقة

 $F_B = \mu_B.P = 0.5P$: عطی F_B بالعلاقة

نعوض: 300x2.5x√3/2+px5x1/2-

 $+1/2Px5x\sqrt{3}/2=0$

P=138.41N



مسألة في التوازن المائل

يميل سلم طوله 5m و وزنه 300N عن الأفق بزاوية 30°، بفرض ان معامل الاحتكاك بين السلم و الأرض و بين السلم و الحائط = 0.5 ، فأوجد جميع القوى الشاقولية و الأفقية المطبقة على السلم؟



مركزكتلة الجسم- center of mass

تعريف مركز كتلة الجسم بأنه النقطة من الجسم التي تتوضع فيها أو تتركز فيها كتلة الجسم، ويمكن إيجاد إحداثيات مركز الكتلة لعدة جسيمات صغيرة مكونة للجسم المدروس وفق العلاقات التالية:

$$\overline{x} = \frac{\sum_{i=1}^{l=n} (m_i x_i)}{\sum_{i=1}^{l=n} (m_i)} = \frac{\sum_{i=1}^{l=n} (m_i x_i)}{M}$$

$$\overline{y} = \frac{\sum_{i=1}^{i=n} (m_i y_i)}{\sum_{i=1}^{i=n} (m_i)} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (m_i y_i)}{M}$$

إحداثيات الكتل العنصرية المكونة للجسم xi, yi

إحداثيات مركز الكتلة \overline{x}

مركزكتلة الجسم- center of mass

إذا كانت الجسيمات العنصرية المكونة للجسم صغيرة جدا ، وعددها > ٥٠٠٠ للجسم



يتحول المجموع في علاقة إحداثيات مركز الكتلة إلى تكامل وفقا للعلاقات التالية:

تدرس إحداثيات مركز الكتلة في حال توزع الكتلة الكلية للجسم على الجسيمات العنصرية المكونة للجسم على طول أو مساحة سطح ما أو حجم.

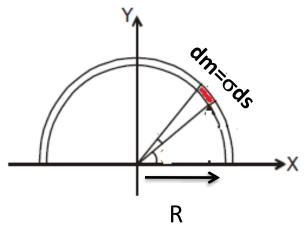
يقسم الجسم لجسيمات عنصرية صغيرة تحمل كتلة عنصرية عنصرية dm.

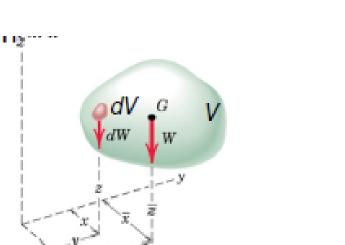
= dLλdm. ، حيث dL dl الطول العنصري ، λ الكثافة الخطية للمادة.

= dsodm. ، حيث dsodm السطح العنصري ، ٥ الكثافة السطحية للمادة.

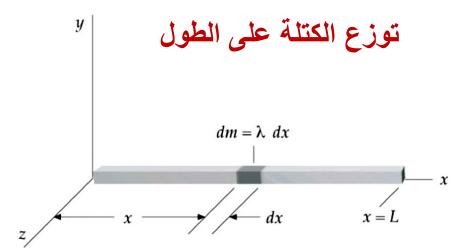
dV حيث dm= ρ dV الحجم العنصري، ρ كثافة المادة الحجمية

توزع الكتلة على المساحة





توزع الكتلة على الحجم

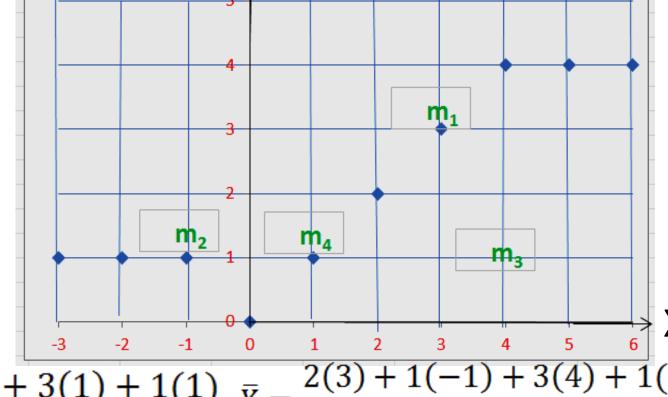


الصيغة العامة لإحداثيات مركز الكتلة

$$\overline{X} = \frac{1}{\mathsf{M}} \int x \, \mathrm{d}m$$

$$\overline{\mathbf{Y}} = \frac{1}{\mathsf{M}} \int y \, \mathrm{d}m$$

C(x,y) مثال : اوجد إحداثيات مركز كتلة جسم (m1,m2,m3,m4) بفرض مكون من الكتل (m1,m2,m3,m4) بفرض m_4 =1kg m_3 =3kg m_2 =1kg, m_1 =2kg



$$\bar{Y} = \frac{2(3) + 1(1) + 3(1) + 1(1)}{2 + 1 + 3 + 1} \quad \bar{X} = \frac{2(3) + 1(-1) + 3(4) + 1(1)}{2 + 1 + 3 + 1}$$

$$=\frac{11}{7} \qquad \qquad \overline{X} = \frac{1}{7}$$

مسائل محلولة في الميكانيك

مسألة

سيارة كتلتها (125 kg) تسير بسرعة (90 km/hr) علي طريق دائري نصف قطر المحتلة (80m) ويميل علي المستوى الأفقي بزاوية (13°). احسب القوة الجاذبة المركزية علي السيارة المتولدة عن ميلان الطريق ، وبين ما إذا كانت السرعة التي تتحرك بها السيارة مناسبة لهذا الطريق بفرض أن الطريق أملس تماما .

بالتعويض المباشر في علاقة القوة الجاذبة المركزية بدلالة الزاوية θ نجد :

Fc=mg tan θ Fc=125(10)tan(13)=288.5N

تحسب السرعة الموافقة لحركة السيارة وفق نصف القطر 80m و

$$V = \sqrt{Rg \, an heta}$$
: ناوية الميلان 13 من العلاقة

 $V = \sqrt{(80)(10)(0.23)} = 13.56$ m/s

السرعة التي تسير بها السيارة = 90kmx1000/1hrx3600=25m/s السرعة التي تتحرك بها السيارة أكبر من السرعة الموافقة لنصف قطر انحناء الطريق وزاوية ميلانه فهي غير مناسبة لهذا الطريق

مساله في فوانين نيوتن و الحركة المستقيمة

تدفع قطعة كتلته m=2kg على طريق مائل نحو الأعلى بزاوية تساوي θ °30 و بسرعة إبتدائية $V_0=22$. فإذا علمت أن عامل الاحتكاك الانزلاقى بين القطعة و المستوي $\mu_k = 0.3$ والمطلوب:

1- أوجد قوة الاحتكاك f التي تفعل بالقطعة عندما تتحرك إلى أعلى المستوي 2- ما هو الزمن الذي تستغرقه القطعة في صعودها المستوي

تحسب N من شرط التوازن على المحور y

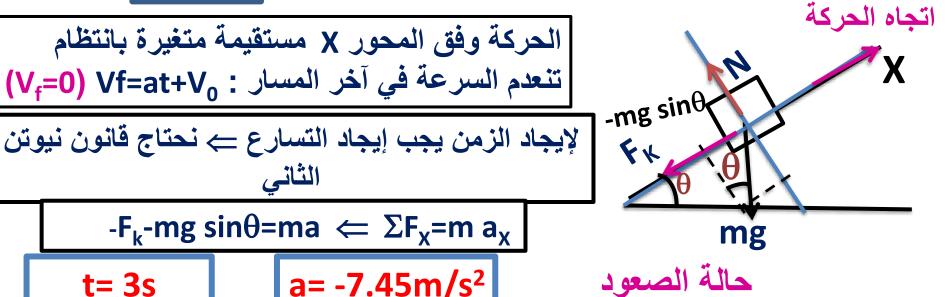
fk=µk N قوة الاحتكاك بالعلاقة

 $fk=5.1N \Leftarrow N-mg \cos\theta=0$

الحركة وفق المحور X مستقيمة متغيرة بانتظام $(V_f=0)$ Vf=at+ V_0 : تنعدم السرعة في آخر المسار

 $-F_k$ -mg sin θ =ma $\Leftarrow \Sigma F_X$ =m a_X

t = 3s $a = -7.45 \text{ m/s}^2$



مسائل في الحركة و القذف

تدفع قطعة كتلته m=2kg على طريق مائل بزاوية تساوي $0^{\circ}0=0$ و بسرعة إبتدائية $V_0=22m/s$ فإذا علمت أن عامل الاحتكاك الانزلاقي بين القطعة و المستوي $\mu_k=0.3$

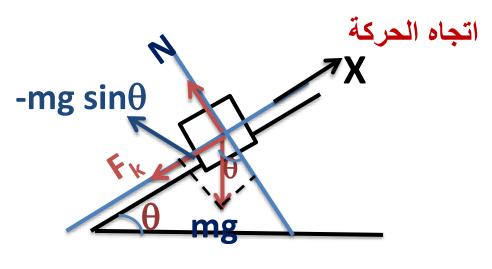
3- ماهي المسافة التي تقطعها القطعة في صعودها المستوي

تحسب المسافة من إحدى العلاقتين التاليتين:

a=-7.45m/s² ، t=3s حيث

$$X = \frac{1}{2} a t^2 + V_0 t + X_0$$
 $V^2 - V_0^2 = 2a (X - X_0)$

S=32.48m



حالة الصعود

 $0^{\circ}\theta$ على طريق مائل نحو الأعلى بزاوية تساوي $0^{\circ}\theta$ تدفع قطعة كتلته و بسرعة إبتدائية V₀=22m/s. فإذا علمت أن عامل الاحتكاك الانزلاقي بين $\mu_k = 0.3$ القطعة و المستوي

4- ما هو الزمن الذي تستغرقه القطعة لتهبط من الوضع السابق إلى نقطة انطلاقها 5- ماهي السرعة التي تصل بها القطعة إلى هذه النقطة.

fk=5.1N المسافة المقطوعة= 32.48m

 $V_0=0$ الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام وفق سرعة ابتدائية

التجاه الحركة

32.48=1/2at² +0t $x = \frac{1}{2}$ at $x = \frac{1}{2}$ at x

لإيجاد الزمن يجب إيجاد التسارع > نحتاج قانون نيوتن

+mg sin θ -F_k=ma $\Leftarrow \Sigma$ F_x=m a_x

t= 5.1s

a= +2.45m/s²

تحسب السرعة من العلاقة V=at+V0

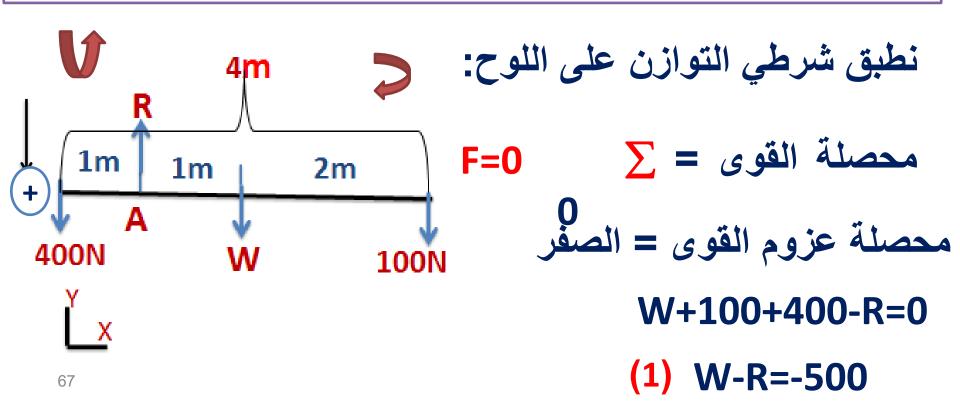
حالة الهبوط

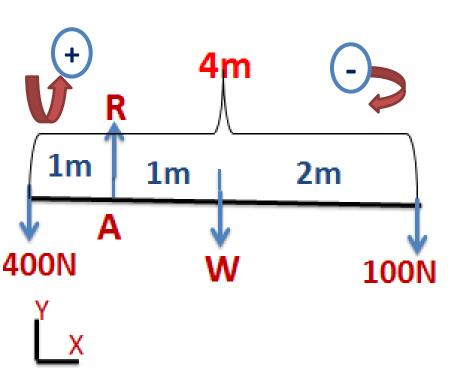
V=12.5m/s

مسألة في التوازن الأفقي

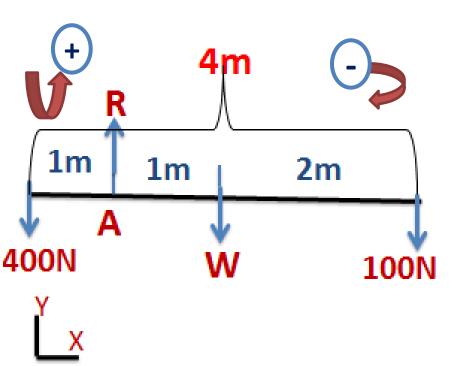
يستند لوح منتظم طوله 4m ووزنه W إلى محور استناد عند النقطة A تبعد عن إحدى نهايتيه 1m و المعلق فيها ثقل شدته 400N . و يعلق في نهايته الثانية ثقل شدته 100N . و المطلوب؟

أوجد مقدار ثقل اللوح Wوشدة رد الفعل عند نقطة الاستناد A؟





-100x3-wx1-Rx0+400x1=0



 Δ محور الدوران يمر من النقطة Δ الزوايا بين القوى و الأذرع قائمة Δ $\sin\theta=1$ -100x3-wx1-Rx0+400x1=0

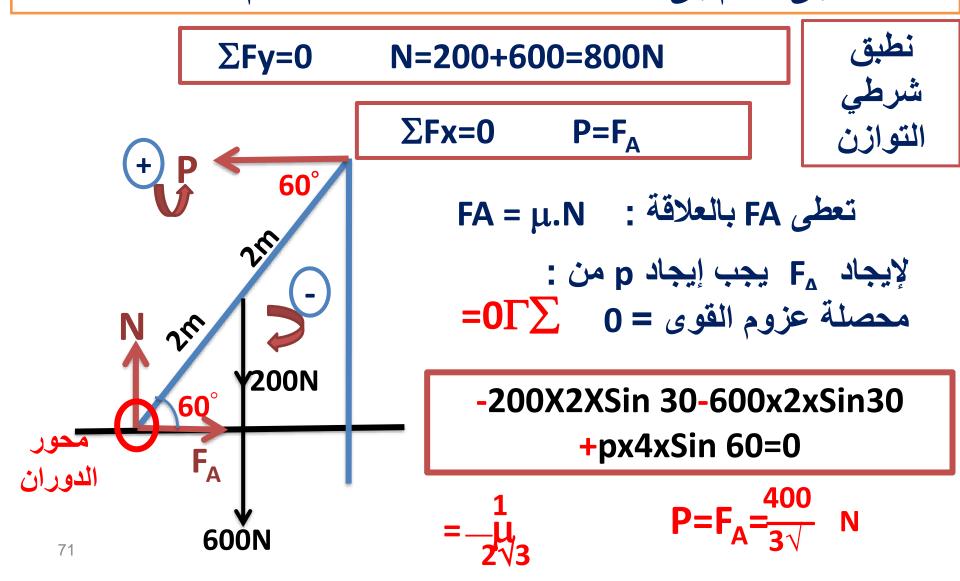
مسألة في التوازن المائل

يميل سلم طوله 4m و وزنه 200N عن الأفق بزاوية 60° - احسب جميع القوى الشاقولية و الأفقية المطبقة على السلم بفرض عدم وجود مقاومة احتكاك بين السلم و الحائط

 $P=Fs = \frac{100}{3\sqrt{}} N$

الدوران

يميل سلم طوله 4m و وزنه 200N عن الأفق بزاوية 60° - أوجد معامل الاحتكاك السكوني بين السلم و الأرض عندما يصعد رجل وزنه 600N إلى السلم إلى مسافة 2mمن الأرض باتجاه السلم.



مسألة عن حساب إحداثيات مركز الكتلة

ليكن لدينا جملة مكونة من ثلاث كتل: الكتلة الأولى m1 = 1kg مركز المستوي (Y, X):

مركز المستوي (Y, X):

الكتلة الثانية m2 = 2kg تتوضع في النقطة (15,45)

الكتلة الثالثة m3=3kgتتوضع في النقطة (50,0)

أوجد إحداثيات مركز الكتلة لهذه الجملة؟

$$\overline{X} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3},$$

$$= \frac{1X0 + 2X15 + 3X50}{2} = \frac{180}{2} = 30m$$

$$\overline{Y} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}.$$

$$= \frac{1X0 + 2X45 + 3X0}{2} = \frac{90}{2} = 15m$$

$$(m_2 = 2kg)$$
 $(15m, 45m)$
 R_{0}
 $(m_3 = 3kg)$
 $(0m, 0m)$
 $(50m, 0m)$