

سليم نصيحي مقرر الإحصاء للسنة الثانية (الفضل الثاني) من العام 2024-2025

الاجابة الاولى : حجم المجتمع الإحصائي $E = 450$ ، $G = 10$ (20 درجة)

1- تحديد الوزن النسبي لكل طبقة $\% = \frac{E}{100} \times 100$ - عدد الوحدات لكل طبقة $\% = \frac{E}{100} \times 100$

$$5,55 = \frac{10 \times 55,55}{100} = \%$$

$$55,55 = 100 \times \frac{250}{450} = \%$$

$$3,33 = \frac{10 \times 33,33}{100} = \%$$

$$33,33 = 100 \times \frac{150}{450} = \%$$

$$1,11 = \frac{10 \times 11,11}{100} = \%$$

$$11,11 = 100 \times \frac{50}{450} = \%$$

2- التقريب : $5 + 3 + 1 = 9$

$6 + 3 + 1 = 10$

ط	مجموع ط	ط %	عدد الوحدات	التقريب	أرقام الوحدات
ط ₁	250	55,55	5,55	6	---
ط ₂	150	33,33	3,33	3	---
ط ₃	50	11,11	1,11	1	-

3- جدول التقريب :

الاجابة الثانية : 15 ، 50 ، 25 ، 10 ، 30 ، 20 ، 15 ، 35 (25 درجة)

$$1 \quad \bar{X} = \frac{\sum X}{n} = \frac{200}{8} = 25$$

$$2 \quad \text{ترتيب تصاعدي} \quad 10, 15, 15, 20, 25, 30, 35, 50$$

$$P = \frac{n+1}{2} = \frac{8+1}{2} = 4,5$$

$$M = \frac{X_4 + X_5}{2} = \frac{20 + 25}{2} = 22,5$$

$$3 \quad \text{لا يوجد تكرار} \quad \text{Mod} = 15$$

$$4 \quad R = L_n - L_1 = 50 - 10 = 40$$

$$5 \quad S = \sqrt{\frac{\sum X^2}{n} - \left(\frac{\sum X}{n}\right)^2} = \sqrt{\frac{6200}{8} - \left(\frac{200}{8}\right)^2} = \sqrt{775 - 625} = \sqrt{150} = 12,24$$

$$X^2: 100, 225, 225, 400, 625, 900, 1225, 2500$$

$$\sum X^2 = 6200$$



x	y	x.y	x ²	y ²
10	4	40	100	16
15	6	90	225	36
30	10	300	900	100
25	7	175	625	49
20	5	100	400	25
15	8	120	225	64
115	40	825	2475	290

الجواب الثالث: (30 درجة)

$$R = \frac{\sum x.y - n.\bar{x}.\bar{y}}{n.s_x.s_y}$$

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{115}{6} = 19,16 \quad \bar{y} = \frac{\sum y}{n} = \frac{40}{6} = 6,66$$

$$s_x = \sqrt{\frac{\sum x^2}{n} - \left(\frac{\sum x}{n}\right)^2} = \sqrt{\frac{2475}{6} - \left(\frac{115}{6}\right)^2} = \sqrt{412,6 - 367,1}$$

$$= \sqrt{45,5} = 6,74$$

$$s_y = \sqrt{\frac{\sum y^2}{n} - \left(\frac{\sum y}{n}\right)^2} = \sqrt{\frac{290}{6} - \left(\frac{40}{6}\right)^2} = \sqrt{48,33 - 44,35}$$

$$= \sqrt{3,98} = 1,99$$

$$R = \frac{825 - 6 \times 19,16 \times 6,66}{6 \times 6,74 \times 1,99} = \frac{825 - 765,63}{80,47} = \frac{59,37}{80,47} = 0,73$$

النتيجة: نعم توجد علاقة ارتباط بين x و y لأن R ≠ 0 وهذه العلاقة طردية لأن R موجبة، وهي جزئية لأننا أضعنا +1، أما من حيث القوة فهي قوية وبالنسبة كل زيادة في x ستؤدي إلى زيادة واضحة في y.

الجواب الرابع: (25 درجة)

الأعوام	y	x	x.y	x ²
2016	100	-2	-200	4
2017	50	-1	-50	1
2018	150	0	0	0
2019	100	+1	+100	1
2020	125	+2	+250	4
	525	0	100	10

1) باعتبار عدد السنوات فردي فنأخذ الوسيطة (2018)

$$y = a + b.x \quad \text{نعلم أنه معادلة خط الاتجاه العام}$$

$$\sum y = n.a + b.\sum x$$

$$525 = 5.a + b.(0) \Rightarrow a = \frac{525}{5} = 105$$

$$\sum x.y = a.\sum x + b.\sum x^2$$

$$100 = a.(0) + b.(10) \Rightarrow b = \frac{100}{10} = 10$$

$$y = 105 + 10.x$$

2) عدد الإحصائيات في عام 2030

$$y_{2030} = 105 + 10 \times 12$$

$$= 105 + 120 = 225$$

أستاذ المقرر

د. قاسم أبو دينة