

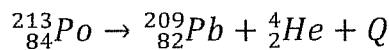


حل أسئلة امتحان مقرر الفيزياء النووية (1)
الفصل الثاني من العام الدراسي 2024/2023

السؤال الأول: (30 درجة)

أولاً: (10 درجات)

الحل:



طاقة التفاعل Q تساوي:

$$Q = [M(^{213}_{84}Po) - M(^{209}_{82}Pb) - M(^4_2He)]c^2$$

$$Q = [212,993 - 208,981 - 4,003] = 0,009 \text{ a.u.m}$$

$$Q = 0,009 \text{ a.u.m} \times c^2 = 0,009 \text{ a.u.m} \times 931,5 = 8,384 \text{ MeV}$$

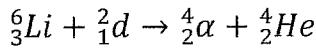
الطاقة الحركية لجسم ألفا:

$$Q = T_\alpha \times \frac{M(^{209}_{82}Pb)}{M(^{213}_{84}Po)} = T_\alpha \times \frac{A(^{209}_{82}Pb)}{A(^{213}_{84}Po)} = 8.34 \text{ MeV} \times \frac{213}{209} = 8.499 \text{ MeV}$$

$$T_{Pb} = Q - T_\alpha = 8,384 - 8,34 = 0,054 \text{ MeV}$$

ثانياً: (10 درجات)

1. معادلة هذا النكاك



تعطى طاقة ارتباط النواة بالعلاقة:

$$E_b(^AX) = \varepsilon(^AX) \times (A)$$

$$E_b(^6Li) = \varepsilon(5,33) \times (6) = 31,98 \text{ MeV}$$

$$E_b(^4He) = \varepsilon(7,08) \times (4) = 28,32 \text{ MeV}$$

$$E_b(^2d) = \varepsilon(1,11) \times (2) = 2,22 \text{ MeV}$$

2. ومنه فطاقة التفاعل تساوي:

$$\Delta E = E_b(^6Li) + E_b(^2d) - 2E_b(^4He) = 31,98 + 2,22 - 2 \times (28,32) = 22,44 \text{ MeV}$$

ثالثاً: (10 درجات)

1. المقطع الماكروسکوبي لامتصاص النترونات الحرارية في الحديد:

$$\Sigma_a = \sigma_a \times N_{Fe}$$

$$N_{Fe} = \frac{\rho_{Fe} \times N_A}{M} = \frac{7,8 \times 6,02 \times 10^{23}}{56} = 8,39 \times 10^{22} \frac{\text{ذرة}}{\text{cm}^3}$$

$$\Sigma_a = 2,5 \times 10^{-24} \text{cm}^2 \times 8,39 \times 10^{22} \frac{\text{ذرة}}{\text{cm}^3} \approx 0,2 \frac{1}{\text{cm}}$$

2. مردود هذا التفاعل:

$$Y = \Sigma_a \times \varphi = 0,2 \frac{1}{\text{cm}} \times 2 \times 10^{14} \frac{\text{نترون}}{\text{cm}^2 \cdot \text{s}} = 0,4 \times 10^{14} \frac{\text{ذرة}}{\text{cm}^3 \cdot \text{s}}$$

السؤال الثاني: (20 درجة)

أولاً:

1. قيمة مسافة الاقتراب الأدنى r_{min} لجسيم ألفا ذو الطاقة الحركية $T_\alpha = 5 \text{ MeV}$ من النواة $^{209}_{82}Pb$:

$$r_{min} = k \frac{Z_\alpha \times Z_{Pb} \times e^2}{T_\alpha \times 1,6 \cdot 10^{-6} (\text{erg})} = \frac{2 \times 82 \times (4,8 \times 10^{-10})^2}{5 \times 1,6 \cdot 10^{-6} (\text{erg})} = 4,72 \times 10^{-12} \text{cm} = 47,2 \text{ Fm}$$

2. المقطع العرضي التفاضلي لتبعثر جسيم α بالطاقة الحركية $T_\alpha = 5 \text{ MeV}$ بواسطة حقل كولوم للنواة $^{209}_{82}Pb$ عند زاوية تساوي 90° :

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = k^2 \frac{Z_\alpha^2 \times Z_{Pb}^2 \times e^4}{(4T_\alpha \times 1,6 \cdot 10^{-6})^2} \frac{1}{\sin^4(\theta/2)} = 1^2 \frac{2^2 \times 82^2 (4,8 \times 10^{-10})^4}{(4 \times 5 \times 1,6 \cdot 10^{-6})^2} \frac{1}{\sin^4(90/2)}$$

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = 2,66 \times 10^{-24} \frac{\text{cm}^2}{\text{St}} = 2,66 \frac{\text{b}}{\text{St}}$$

3. قيمة مسافة الاقتراب الأدنى r_{min} لجسيم ألفا بالطاقة الحركية $T_\alpha = 22 \text{ MeV}$ من النواة $^{209}_{82}Pb$:

$$r_{min} = k \frac{Z_\alpha \times Z_{Pb} \times e^2}{T_\alpha \times 1,6 \cdot 10^{-6} (\text{erg})} = \frac{2 \times 82 \times (4,8 \times 10^{-10})^2}{22 \times 1,6 \cdot 10^{-6} (\text{erg})} = 1,07 \times 10^{-12} \text{cm} = 10,7 \text{ Fm}$$

4. قيمة بارامتر الصدم b لجسيم ألفا بالطاقة الحركية $T_\alpha = 22 \text{ MeV}$ عند الزاوية 90° :

$$b_{90^\circ} = \frac{Z_\alpha \times Z_{Pb} \times e^2}{2t_{og}(90^\circ/2) T_\alpha \times 1,6 \cdot 10^{-6}} = \frac{2 \times 82 \times (4,8 \times 10^{-10})^2}{2t_{og}(45^\circ) \times 22 \times 1,6 \cdot 10^{-6}} = 5,4 \times 10^{-13} \text{cm}$$

$$= 5,4 \text{ Fm}$$

ثانياً : (5 درجات)

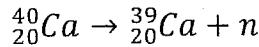
الحل :

$$Q_0 = \frac{4}{5} Z \times \bar{R}^2 \times \beta = \frac{4}{5} \times 71 \times 6,1 \text{ fm}^2 \times (+0,31) \approx +655 \text{ fm}^2 = +6,6 \text{ barn}$$

السؤال الثالث (30 درجة)

أولاً : (12 درجة)

الحل :



$$E_b(A, Z) = a_V A - a_S A^{2/3} - a_C \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} - a_{Sym} \frac{(N-Z)^2}{A} \pm 34 \cdot A^{-3/4}$$

طاقة ارتباط النواة : $^{40}_{20}\text{Ca}$

$$E_b(40,20) = 15,78 \times 40 - 17,8(40)^{\frac{2}{3}} - 0,71 \frac{20(20-1)}{(40)^{\frac{1}{3}}} - 23,7 \frac{(20-20)^2}{40} + 34 \cdot (40)^{-\frac{3}{4}} \\ = 346,3 \text{ MeV}$$

طاقة ارتباط النواة : $^{39}_{20}\text{Ca}$

$$E_b(39,20) = 15,78 \times 39 - 17,8(39)^{\frac{2}{3}} - 0,71 \frac{20(20-1)}{(39)^{\frac{1}{3}}} - 23,7 \frac{(20-20)^2}{39} + 34 \cdot (39)^{-\frac{3}{4}} \\ = 331,1 \text{ MeV}$$

طاقة فصل النترون :

$$\varepsilon_n = E_b(40,20) - E_b(39,20) = 346,3 - 331,1 = 15,2 \text{ MeV}$$

ثانياً : (18 درجة)

كثافة النكلونات في النواة :

$$\rho_n = \frac{m}{V} = \frac{A}{\frac{4}{3} \pi R^3} = \frac{A}{\frac{4}{3} \pi (R_0 \times A^{1/3})^3} = \frac{3 \times A}{4 \pi \times R_0^3 \times A} = \frac{1}{4 \pi \times (1,2 \times 10^{-13} \text{ cm})^3} \\ = 1,38 \times 10^{38} \frac{\text{نكلون}}{\text{cm}^3}$$

الكثافة النووية :

$$\bar{m}_n = \frac{m_p + m_n}{2} = \frac{1,007276 + 1,008665}{2} = 1,007971 \text{ a.u.m}$$

$$\rho_m = \rho_n \times \bar{m}_n = 1,38 \times 10^{38} \frac{\text{نكلون}}{\text{cm}^3} \times 1,007971 \text{ a.u.m} \times 1,66 \times 10^{-24} \text{ gr} = 2,31 \times 10^{14} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

(0) هي الكثافة النووية وقيمتها ثابتة بالنسبة لجميع النوى وتتساوى $2,31 \times 10^{14} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$

$\rho(r)$ هي الكثافة النووية القطرية وقيمتها وتعطى بالعلاقة الرياضية $\rho(r) = \frac{\rho(0)}{1+e^{\frac{r-R}{a}}}$ ومن أجل R وتتساوى

$$\frac{2,31 \times 10^{14}}{2} \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$$

دلالة R هي نصف قطر النواة ويعطى بالعلاقة $R = R_0 \times A^{1/3}$ وفقه تتغير الكثافة النووية من (0) ρ إلى $\frac{\rho(0)}{2}$

هي سماكة الطبقة السطحية ووفقاً لتقى الكثافة النووية من (0) $\rho(0)$ إلى (0,9 $\rho(0)$) وقيمتها العددية $t \approx 2.4 \text{ fm}$

السؤال الرابع (20 درجة)

أولاً: (10 درجات)

ارتفاع الحاجز الكولومي للنواة : ${}^{144}_{60}Nd$

$$V = k \frac{Z_{Ce} \times e^2}{R_0 \times A^{1/3}} = k \frac{58 \times (4,8 \times 10^{-10})^2}{1,3 \times 10^{-13} \times (140)^{1/3} \times 1,6 \times 10^{-6}} = 12,37 \text{ MeV}$$

سرعة جسيم ألفا:

$$T_\alpha = \frac{1}{2} m_\alpha v_\alpha^2 \Rightarrow v_\alpha^2 = \frac{2T_\alpha}{m_\alpha} = \frac{2 \times 1,85 \times 1,6 \times 10^{-13} J}{4 \times 1,66 \times 10^{-27} kg}$$

ومنه:

$$v_\alpha = 0,943 \times 10^7 \text{ m/s}$$

العمر النصفي لتفكاك ${}^{144}_{60}Nd$ مقدراً بالثانوي:

$$T_{1/2} = 2,3 \times 10^{15} \times 365 \times 24 \times 3600 = 7,25 \times 10^{22} \text{ s}$$

: نصف قطر النواة ${}^{144}_{60}Nd$

$$R = R_0 \times 10^{-15} \times A^{1/3} = 1,3 \times 10^{-15} \times (144)^{1/3} = 6,81 \times 10^{-15} \text{ m}$$

شفافية الحاجز الكولومي لهذا التفكك:

$$T_{1/2} = \frac{0.693 \times 2R}{\nu P}$$

$$P = \frac{0.693 \times 2R}{\nu \times T_{1/2}} = \frac{0.693 \times 2 \times 6,81 \times 10^{-15} \text{ m}}{0,943 \text{ m/s} \times 10^7 \times 7,25 \times 10^{22} \text{ s}} = 1,38 \times 10^{-44}$$

ثانياً (10 درجات)

على يشكل دقيق ومحضر ما يلي:

1. (بسبب انطلاق النتريلو وجسيم بيتا، حيث أنهم يتحاصلان طاقة التفكك، طاقة التفكك (مقدار ثابت) = الطاقة الحركية لجسيم بيتا + طاقة النتريلو).
2. (السبعين لطبقة نكلونية = المجموع الشعاعي للسبعين بالنسبة لجميع النكلونات الموجودة في هذه الطبقة، ترتبط النكلونات مع بعضها مثى على شكل أزواج متعاكسة في السبعين بواسطة القوة النووية، التي تربط بين كل نكلونين من نفس النوع ($N - N$ و $P - P$)، وبين نكلونين مختلفين في النوع ($N - P$)، وبالتالي في حالة النوى الزوجية-الزوجية تكون كل الروابط السابقة محققة بين النكلونات، ومجموع السبعين لكل الطبقات يساوي الصفر).
3. (بناء على التعليل السابق يبقى نكلون واحد غير مزدوج في النوى الفردية - الزوجية (أو الزوجية الفردية) والسبعين للنواة يكون نصفي ويساوي $\frac{\hbar}{2}$).
4. (ينطلق في التفكك ألفا فقط جسيم ألفا من النواة، وتتوزع طاقة التفكك بين جسيم ألفا والنواة الإلبة حسب قانون انحفاظ الطاقة والاندفاع، ينطلق جسيم ألفا باتجاه يعكس اتجاه انطلاق النواة الإلبة $\vec{p}_{nu} = \vec{p}_\alpha$).
5. (في تفاعل الأسر الإشعاعي $-K$ ، يتحول البروتون إلى نترون في النواة على حساب أسر إلكترون من الطبقة الإلكترونية $-K$ ، وينطلق فقط النتريلو من النواة حسب التفاعل: $n + \nu_e \rightarrow p + e^-$)